

594/
1951/2

საქართველოს სსრ

მთავრობის მინისტრის მიერ

ც მ ა მ ე ც

გოგუ XII, № 5

ცეკვის გამოყენების შესახებ კარგი და განვითარებულ

1951

საქართველოს სსრ მთავრობის მინისტრის მიერ გამომისაზღვავა
თბილისი

୩୦୬୧୯୮୦

ପାଠ୍ୟପତ୍ରରେଣୁକା

୧. ଜ. ଗାନ୍ଧାରିନୀ. ନରି ପ୍ରେଲାଦୀଳ ଫୁଲିପୁଣିଳ ଫିଲମନ୍ଦିରଙ୍ଗନା ସିନ୍ଧୁଶାଲାରୁଷାଳି ନିର୍ମାଣାଲୋକ ଲେଖକଙ୍କିଳି ଶ୍ରୀରତ୍ନପାତ୍ରଙ୍କୁମାର ।	257
ଧର୍ମପାଦଗଠିତ ପାଠ୍ୟପତ୍ର	
୨. ଶାତାଶ୍ଵିଳ ନ. ଫର୍ମିଗାଢ଼ି ଶ୍ରୀଶର୍ମଲାଲ ନାନ୍ଦେଶ୍ଵାରିନିଗ୍ରହିତ ମନ୍ଦିରରେ ରଖାଯାଇଥିଲା ଶ୍ରୀଶାନ୍କନ୍ଦ୍ର ସାନ୍ଦର୍ଭାରତୀ ମନ୍ଦିରମୂଲି ପାର୍ବତୀ ମାଲ୍ଲେହିତି ଶ୍ରୀମତ୍ତ୍ବର୍ଗ୍ରହାଶିର ।	265
ବିଜ୍ଞାନପତ୍ର	
୩. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. କ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣ ପାଇଁ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣ ପାଇଁ ।	269
ବିଜ୍ଞାନପତ୍ର	
୪. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ମନ୍ଦିରାନିତି ପ୍ରେଲାଦିତ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ।	273
ବାଲୀନାଚିତ୍ରପତ୍ର	
୫. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ବାଲୀନାଚିତ୍ରପତ୍ରର ନିର୍ମାଣ ପାଇଁ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣ ପାଇଁ ।	279
ବିଜ୍ଞାନପତ୍ର	
୬. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ।	285
ବିଜ୍ଞାନପତ୍ର	
୭. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ।	289
ବିଜ୍ଞାନପତ୍ର	
୮. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ।	297
ବିଜ୍ଞାନପତ୍ର	
୯. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ।	305
୧୦. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ।	311
ବିଜ୍ଞାନପତ୍ର	
୧୧. ଶ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ର ନ. ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ନିର୍ମାଣକାରୀଙ୍କ ପାତାକ୍ଷେତ୍ରର ।	313

მათემატიკა

პ. გახარია

**ორი ცვლადის ფუნქციის ზარმოლებელი სინგულარული ინტეგრალით
ლებეგის წერტილებზე**

(წარმოადგინა აკადემიის ნამდვილმა შევრმა ი. ვეჯამ 17.3.1951)

წინასწარ მოვიყვანოთ ზოგიერთი ცნება.

განმარტება 1. (x, y) წერტილს ვუწოდოთ $f(r, t)$ ფუნქციის ლებეგის წერტილი,

$$\text{თუ } \lim_{h, k \rightarrow 0} \frac{1}{hk} \int_x^{x+h} \int_y^{y+k} |f(r, t) - f(x, y)| dr dt = 0.$$

განმარტება 2. $\Phi(r, t)$ ფუნქციის წარმოებული (x, y) წერტილზე ეწოდება

$$\Phi(x, y) = \lim_{h, k \rightarrow 0} \frac{\Delta(\Phi; x, y, h, k)}{hk},$$

სადაც

$$\Delta(\Phi; x, y, h, k) = \Phi(x + h, y + k) - \Phi(x + h, y) - \Phi(x, y + k) + \Phi(x, y).$$

თუ (x, y) არის $f(r, t)$ ფუნქციის ლებეგის წერტილი, მაშინ ამ წერტილზე ლებეგის განუსაზღვრელი ინტეგრალის

$$\Phi(x, y) = \int_a^x \int_c^y f(r, t) dr dt$$

წარმოებული ტოლია $f(x, y)$ რიცხვისა.

ცხადია, რომ $f(r, t)$ ჯამებადი ფუნქციის უწყვეტობის წერტილი არის მისი ლებეგის წერტილი.

განმარტება 3. $\Psi(r, t, x, y)$ -ს ეწოდება $\Phi(r, t, x, y)$ -ის კუთხიანი მაქორი $[a, b; c, d]$ -ში, თუ $|\Phi(r, t, x, y)| \equiv \Psi(r, t, x, y)$ და ფიქსირებული (x, y) წერტილისთვის ზრდადია თითოეული r, t ცვლადის მიმართ $[a, x; c, y]$ -ში, კლებადი r -ის მიმართ და ზრდადი t -ს მიმართ $[x, b; c, y]$ -ში, კლებადია თითოეული r, t -ის მიმართ $[x, b; y, d]$ -ში და, ბოლოს, ზრდადია r -ს მიმართ დაკლებადი t -ს მიმართ $[a, x; y, d]$ -ში.

განმარტება 4. ვთქვათ, მოცემულია ისეთი $\Phi_{mn}(r, t, x, y)$ ($m, n = 1, 2, \dots$) ფუნქციათა ორმაგი მიმდევრობა თითხანმილებიან ანგარიში $(a \leq r \leq b; a < x < b; c \leq t \leq d; c < y < d)$, რომ



$$\lim_{m, n \rightarrow \infty} \int\limits_a^b \int\limits_\gamma^\beta \Phi_{m, n}(r, t, x, y) dr dt = 1$$

уравнение α, β, γ да δ -согласие, иначе говоря, δ -согласие

$$\alpha \leq \alpha < x < \beta \leq b, \quad c \leq \gamma < y < \delta \leq d.$$

и то $\Phi_{m, n}(r, t, x, y)$, ($m, n = 1, 2, \dots$), $\Phi_{m, n}(r, t, x, y)$ в δ -согласии.

Тогда для каждого $f(r, t)$ имеем

также $\int |f(r, t)| \ln^+ |f(r, t)| dr dt = [a, b; c, d]$ в δ -согласии. $\Phi_{m, n}(r, t, x, y)$ в δ -согласии, иначе говоря, δ -согласие.

Доказательство. Покажем, что $\int |f(x, y)| dx dy = 0$.

$$|f(x, y)| = \int |f(r, t)| dr dt$$

и $\int |f(r, t)| dr dt = [a, b; c, d]$. Тогда для каждого δ -согласия δ имеем

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{1}{hk} \int\limits_x^{x+h} \int\limits_y^{y+h} |f(r, t)| dr dt = |f(x, y)|. \quad (1)$$

Следовательно, $E(\rho)$ — это $\int |f(r, t)| dr dt$ в δ -согласии. Иначе говоря, $E(\rho)$ — это $\int |f(r, t)| dr dt$ в δ -согласии. Доказано.

$$E = \sum_{n=1}^{\infty} E(\rho_n) + E(|f| = +\infty).$$

Поскольку $E(\rho_n) = 0$, то $E(|f| = +\infty) = 0$. Доказано.

$$|f(x_0, y_0) - \rho_n| < \frac{\varepsilon}{3},$$

то есть $(x_0, y_0) \in [a, b; c, d] - E$.

Покажем, что $\int |f(r, t)| dr dt = 0$.

$$|\int |f(r, t)| dr dt - \int |f(r, t) - f(x_0, y_0)| dr dt| < \frac{\varepsilon}{3}.$$

Поскольку

$$\left| \int\limits_{x_0}^{x_0+h} \int\limits_{y_0}^{y_0+k} |f(r, t) - f(x_0, y_0)| dr dt - \int\limits_{x_0}^{x_0+h} \int\limits_{y_0}^{y_0+k} |f(r, t)| dr dt \right| < \frac{\varepsilon}{3}.$$

Поскольку $(x_0, y_0) \notin E$ и $h, k < \delta(\varepsilon)$ -согласие, то

$$\left| \frac{1}{hk} \int_{x_0}^{x_0+h} \int_{y_0}^{y_0+k} |f(r, t) - \rho_0| dr dt - |f(x_0, y_0) - \rho_n| \right| < \frac{\varepsilon}{3}.$$

Амалында,

$$\frac{1}{hk} \int_{x_0}^{x_0+h} \int_{y_0}^{y_0+k} |f(r, t) - \rho_n| dr dt < \frac{2\varepsilon}{3};$$

Амалында ысектің h და k -сабактарының ғана жөнде

$$\frac{1}{hk} \int_{x_0}^{x_0+h} \int_{y_0}^{y_0+k} |f(r, t) - f(x_0, y_0)| dr dt < \varepsilon,$$

ж. ғ. 3.

Демек, $\psi(r, t)$ და $f(r, t)$ әрдап үзүп отыратын ғана жөнде $R_0 = [a, b; c, d]$ -дегі. Амалының ғана жөнде, $\psi(r, t)$ үзүп отыратын қадағынан ғана жөнде

$$\int_a^b \int_c^d f(r, t) \psi(r, t) dr dt < 16M \int_a^b \int_c^d \psi(r, t) dr dt,$$

Демек,

$$M = \sup \frac{1}{hk} \int_{b-h}^b \int_{d-k}^d f(r, t) dr dt, \quad (a < h \leq b - a, \quad a < k \leq d - c).$$

Демек, $\psi(r, t)$ үзүп отыратын ғана жөнде

$$(a_0, c_0) = (a, c), \quad (a_{i+1}, c_{j+1}) = \left(\frac{a_i + b}{2}, \frac{c_j + d}{2} \right),$$

$$\Delta_{i, j} = [a_{i-1}, a_i; c_{j-1}, c_j], \quad (i, j = 1, 2, \dots).$$

Демек

$$\begin{aligned} \int_a^b \int_c^d f(r, t) \psi(r, t) dr dt &= \sum_{i, j=1}^{\infty} \iint_{\Delta_{i, j}} f(r, t) \psi(r, t) dr dt \\ &\equiv \sum_{i, j=1}^{\infty} \psi(a_i, c_j) \iint_{\Delta_{i, j}} f(r, t) dr dt. \end{aligned}$$

Демек

$$\iint_{\Delta_{i, j}} f(r, t) dr dt \equiv \int_{a_{i-1}}^b \int_{c_{j-1}}^d f(r, t) dr dt,$$

၁၆၀

$$\int_{a_{i-1}}^b \int_{c_{j-1}}^d f(r, t) dr dt \equiv 16 M (a_{i+1} - a_i) (c_{j+1} - c_j).$$

ଅମ୍ବାରୀ

$$\int_a^b \int_c^d f(r, t) \psi(r, t) dr dt < 16M \sum_{i,j=1}^{\infty} \psi(a_i c_j) (a_{i+1} - a_i) (c_{j+1} - c_j)$$

$$\equiv 16 M \sum_{i,j=1}^{\infty} \iint_{A_{i+n, i+1}} \psi(r, t) \ dr dt = 16 M \int_a^b \int_c^d \psi(r, t) \ dr dt.$$

თოლერანს 2. თუ $\Phi_{m,n}(r, t, x, y)$ გულს ყოველი m და n -სათვის აქვს ისტორიული მატორიანტი $\Psi_{m,n}(r, t, x, y)$, რომ

$$\int_a^b \int_c^d \Psi_{m,n}(r, t, x, y) dr dt < K(x, y), \quad \int_a^b \Psi_{m,n}(r, y, x, y) dr < K_1(x, y). \quad (2)$$

$$\int\limits_c^d \Psi_{m,n}(x,t,x,y) dt < K_2(x,y),$$

სადაც K, K_1, K_2 დამოკიდებულია გხოლოდ x, y -ზე, მაშინ სა-
მართლიანია ტოლობა

$$\lim_{m,n \rightarrow \infty} \int_a^b \int_c^d \Phi_{m,n}(r,t,x,y) f(r,t) dr dt = f(x,y), \quad \begin{pmatrix} a < x < b; \\ c < y < d, \end{pmatrix}$$

კუველი ჯამბადი $f(r, t)$ ფუნქციისათვის, რომლისათვის (x, y) არის ლებეგის წერტილი.

დამტკიცება. საკმარისია დავამტკიცოთ ტოლობა

$$\lim_{m,n \rightarrow \infty} \int_a^b \int_c^d [f(r,t) - f(x,y)] \Phi_{m,n}(r,t,x,y) dr dt = 0.$$

ԿՐՈՎԵԼՈ Օ> 0-ՏԱՐՎՈՒՄ ՑԵՐՎՈՆԴԼՈՅԱ ՀԱՅՐԵՐՈՒԹ

$$\int_a^b \int_c^d [f(r, t) - f(x, y)] \Phi_{m, n}(r, t, x, y) dr dt = \int_a^{x-\delta} \int_c^{y-\delta} + \int_c^{y-\delta} \int_{x+\delta}^b + \int_{x+\delta}^b \int_{y+\delta}$$

$$+ \int_a^{x-\delta} \int_{y+\delta}^d + \int_{y+\delta}^d \int_{x-\delta}^c + \int_c^{x-\delta} \int_{y-\delta}^b + \int_{y-\delta}^b \int_{x+\delta}^y + \int_{x+\delta}^y \int_{y+\delta}^d + \int_{y+\delta}^d \int_{x-\delta}^x + \int_x^d \int_{y+\delta}^y$$

$$+\int\limits_a^{x-\delta} \int\limits_{y-\delta}^y + \int\limits_{x-\delta}^x \int\limits_{y-\delta}^y + \int\limits_x^{x+\delta} \int\limits_{y-\delta}^y + \int\limits_y^x \int\limits_{x-\delta}^{y+\delta} + \int\limits_x^{x+\delta} \int\limits_y^{y+\delta}.$$

დავამტკიცოთ ტიპობრივ ინტეგრალთა თვისებები. ავილოთ ნებისმიერი $\varepsilon > 0$ და მოვნაბოთ ისეთი $\delta > 0$, რომ როცა $0 < h \leq \delta$, $0 < k \leq \delta$ ადგილი ჰქონდეს უტოლობას

$$\frac{1}{hk} \int\limits_x^{x+h} \int\limits_y^{y+k} [f(r, t) - f(x, y)] dr dt < \varepsilon.$$

მაშისადამე, ლემაში ნახსენები M -ის როლს ითამაშებს ε რიცხვი. ამიტომ

$$\left| \int\limits_x^{x+h} \int\limits_y^{y+k} [f(r, t) - f(x, y)] \Phi_{m, n}(r, t, x, y) dr dt \right| < 16 \varepsilon M K(x, y).$$

მაშისადამე,

$$\lim_{m, n \rightarrow \infty} \int\limits_x^{x+h} \int\limits_y^{y+k} [f(r, t) - f(x, y)] \Phi_{m, n}(r, t, x, y) dr dt = 0. \quad (3)$$

შევნიშნოთ, რომ $[a, x - \delta; c, y - \delta]$ -ში გვეძნება

$$|\Phi_{m, n}(r, t, x, y)| \equiv \Psi_{m, n}(r, t, x, y) \equiv \Psi_{m, n}(x - \delta, y - \delta, x, y).$$

შეორე მხრით,

$$\begin{aligned} \delta^2 \Psi_{m, n}(x - \delta, y - \delta; x, y) &\equiv \int\limits_{x-\delta}^x \int\limits_{y-\delta}^y \Psi_{m, n}(r, t, x, y) dr dt \\ &\equiv \int\limits_a^b \int\limits_c^d \Psi_{m, n}(r, t, x, y) dr dt < K(x, y), \end{aligned}$$

ასე რომ

$$|\Phi_{m, n}(r, t, x, y)| < \frac{K(x, y)}{\delta^2}, \quad [a, x - \delta; c, y - \delta]-ში, \text{ ე. ი.}$$

$\Phi_{m, n}(r, t, x, y)$ თანაბრიად შემოსაზღვრულია $[a, x - \delta; c, y - \delta]$ -ში ფიქსირებული x, y და δ -სათვის, როგორც r, t ფუნქციი. ამას გარდა, ყოველი $R = [a, x - \delta; c, y - \delta]$ ქვესეგზენტისათვის, რომელიც არ შეიცავს (x, y) წერტილს, გვიძნება

$$\lim_{m, n \rightarrow \infty} \iint_R \Phi_{m, n}(r, t, x, y) dr dt = 0.$$

ამრიგად შესრულებულია გ. ჭილიძის მესამე თეორემის [2] ორივე პი-რობა და მიეცილებთ

$$\lim_{m, n \rightarrow \infty} \int_a^{x-\delta} \int_c^{y-\delta} [f(r, t) - f(x, y)] \Phi_{m, n}(r, t; x, y) dr dt = 0. \quad (4)$$

ანალოგიურად მტკიცდება ტოლობა

$$\lim_{m, n \rightarrow \infty} \int_a^{x-\delta} \int_{y-\delta}^y [f(r, t) - f(x, y)] \Phi_{m, n}(r, t; x, y) dr dt = 0. \quad (5)$$

(3), (4) და (5)-დან გამომდინარეობს ჩვენი თეორემის სამართლიანობა, რომელიც წარმოადგენს დ. ფადევვის [3] თეორემის გაყრდებას ორი ცვლადის ფუნქციის შემთხვევაში.

დამტკიცებული თეორემის კერძო შემთხვევას წარმოადგენს შედეგი, რომელიც მიღებულია ა. ზიგმუნდის მიერ [4].

ვთქვათ, $f(r, t) \ln^+ |f(r, t)|$ ჯამებადია $[-\pi, \pi; -\pi, \pi]$ -ზე.

განვიხილოთ ფურიეს ორმაგი მწყრივი

$$\sum_{i=0}^{\infty} \sum_{j=-\infty}^{\infty} \lambda_{i, j} A_{i, j}(r, t), \quad (6)$$

სადაც

$$\lambda_{i, j} = \begin{cases} 1, & \text{თუ } i > 0, j > 0, \\ \frac{1}{2}, & \text{თუ } i = 0, j > 0, \text{ ან } i > 0, j = 0, \\ \frac{1}{4}, & \text{თუ } i = j = 0, \end{cases}$$

$$A_{i, j}(x, y) = a_{i, j} \cos ix \cos jy + b_{i, j} \sin ix \cos jy + c_{i, j} \cos ix \sin jy + d_{i, j} \sin ix \sin jy,$$

$$a_{i, j} = \frac{1}{\pi^2} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\xi, \eta) \cos i\xi \cos j\eta d\xi d\eta,$$

$$b_{i, j} = \frac{1}{\pi^2} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\xi, \eta) \sin i\xi \cos j\eta d\xi d\eta,$$

$$c_{i, j} = \frac{1}{\pi^2} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\xi, \eta) \cos i\xi \sin j\eta d\xi d\eta,$$

$$d_{i, j} = \frac{1}{\pi^2} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\xi, \eta) \sin i\xi \sin j\eta d\xi d\eta.$$

როგორც ცნობილია, (6)-ის კერძო ჯამებს აქვს სახე

$$S_{m, n}(x, y) = \frac{1}{4\pi^2} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} f(\xi, \eta) \frac{\sin \frac{2m+1}{2}(r-x) \sin \frac{2n+1}{2}(t-y)}{\sin \frac{r-x}{2} \sin \frac{t-y}{2}} dr dt.$$

(6)-এস হিচারুস মেটোডেত শেকামেধা দলোদ মেগনেশা ক্রেমে শেমলেগু জামিন দেওয়ারুস গান্ধোলগু শি

$$\sigma_{m, n}(x, y) = \frac{1}{mn} \sum_{i=0}^{m-1} \sum_{j=0}^{n-1} S_{i, j}(x, y). \quad (7)$$

(7) শেখোল্ডেবা ফার্মেচুলগু নোট আছে:

$$\sigma_{m, n}(x, y) = \frac{1}{4\pi^2 mn} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \frac{\sin^2 m \frac{r-x}{2} \sin^2 n \frac{t-y}{2}}{\sin^2 \frac{r-x}{2} \sin^2 \frac{t-y}{2}} f(r, t) dr dt. \quad (8)$$

(8) ফার্মেচুলগু সিন্দুলার্যুল নোট আগত নির্মাণ ক্রেতে আবাগন

$$\frac{1}{4\pi^2 mn} \frac{\sin^2 m \frac{r-x}{2} \sin^2 n \frac{t-y}{2}}{\sin^2 \frac{r-x}{2} \sin^2 \frac{t-y}{2}}$$

গুলিসা নোট কৃতি হোকোরা আরু। অভ্যন্তরীন সার্বিক দেলো, নোট

$$\sin^2 m \frac{r-x}{2} \sin^2 n \frac{t-y}{2} \equiv 4 \frac{m^4 n^4 (r-x)^2 (t-y)^2}{[4+m^2 n^2 (r-x)^2] [4+m^2 n^2 (t-y)^2]},$$

$$\sin^2 \frac{r-x}{2} \sin^2 \frac{t-y}{2} \geq \frac{1}{\pi^4} (r-x)^2 (t-y)^2, \quad (|r-x| < \pi, |t-y| < \pi),$$

সাইডান্ট গুগেজেবা

$$\frac{1}{4\pi^2 mn} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \frac{\sin^2 m \frac{r-x}{2} \sin^2 n \frac{t-y}{2}}{\sin^2 \frac{r-x}{2} \sin^2 \frac{t-y}{2}} dr dt$$

$$\equiv \int_{-\pi}^{\pi} \frac{m^2 n^2 dr}{4+m^2 n^2 (r-x)^2} \int_{-\pi}^{\pi} \frac{mndt}{4+m^2 n^2 (t-y)^2} < \frac{\pi}{2} \int_{-\pi}^{\pi} \frac{dr}{(r-x)^2} = \frac{\pi^2}{x^2 - \pi^2}.$$

অধ্যোগা দ্বাৰা প্ৰমাণিত

তথ্যকৰণ 3. তো ত ক্ষেত্ৰে গুগেজেবা $[-\pi, \pi; -\pi, \pi]$ ক্ষেত্ৰে

গুগেজেবা

$$\lim_{m, n \rightarrow \infty} \sigma_{m, n}(x, y) = f(x, y),$$

სადაც $f(r, t) \ln^+ |f(r, t)|$ ჯამებადია $[-\pi, \pi; -\pi, \pi]$ -ში. ამ ტოლობას ადგილი აქვს $f(r, t)$ ფუნქციის ლებეგის ყოველ წერტილში და მით უფრო ყოველ მის უწყვეტობის წერტილში $[-\pi, \pi; -\pi, \pi]$ სეგმენტის შიგ.

ლ. ბერიას სახელობის
სოსუმის სახელმწიფო პედიატრიული
(რედაქციას მოუვიდა 27.9.1950)

დამომზადული ლიტერატურა

1. С. Сакс. Теория интеграла. М.—Л., 1949.
2. В. Г. Чехидзе. О представлении функции двух переменных сингулярными двойными интегралами. Труды Тбилисского математического института им. А. М. Рзмадзе, т. XI, 1942.
3. И. П. Натансон. Теория функций вещественной переменной. М.—Л., 1950.
4. A. Zygmund. Note on the differentiability of multiple integrals. Fund. Math. v. XXV. 1935.

დოკუმენტის თეორია

ს. შათავიძე

დრეკა უსასრულო ნახევარს დაგრძელის მდგრადი ჩემიგების შესახებ
საზღვარზე მოცემული ბარი ძალების შემთხვევაში

(წარმოადგინა აკადემიის ნამდვილმა ჭევრონმა ვ. კუპრაძემ 13.3.1951)

4044

როგორც ცნობილია, მათემატიკური დრეკადობის თეორიის ერთ-ერთ
ძნელ ამოცანად ითვლება მდგრადი რხევების ამოცანა, როცა სასრულო დრე-
კადი ტანის ზედაპირზე მოცემულია ძაბეის ვეტერორი. ეს სასაზღვრო ამოცანა
პირველად საქმარისი სისრულით ამოხსნა ვ. კუპრაძემ [1, 2]. ავტორმა ააგო
ისეთი ელემენტარული პოტენციალებით, რომელთა საშუალებით სასაზღვრო
ამოცანა უშუალოდ მიიყვანება ფრედოლომის ინტეგრალურ განტოლებათა ეკვი-
ვალენტურ სისტემამდე. ასევე მის მიერ ნაჩენებია მიღებულ ინტეგრალურ
განტოლებათა სისტემის ამოხსნადობა. რამდენადმე გვიან ა. კუპრაზე სასა-
ზღვრო ამოცანა მიიყვანა სინგულარულ ინტეგრალურ განტოლებათა სისტე-
მამდე [3]. ვიყენებოთ რა დ. შერჩანის შეთოლს [4, 5], წინამდებარე სტატი-
აში, მსგავსად [6]-ში აგებული მეთოდისა, ვაკებთ ცხადი სახის კერძო ამო-
ხსნებს, რომელთა შემწეობით დასმული სასაზღვრო ამოცანა დრეკადი ნახევარ-
სივრცისათვეს მიიყვანება გარკვეულ ინტეგრალურ განტოლებათა სისტემამდე.
ამისთანავე შეღებულ ინტეგრალურ განტოლებათა სისტემის გულები ფრედ-
ოლომის ტიპისაა. მსგავსად [7]-ისა, აქ მიღებული შედეგების უშუალო გამოყე-
ნებით ჩენ შემდგომ მოვიყენოთ სასაზღვრო ამოცანის ამოხსნას ნებისმიერი
ამოხსნექილი ზედაპირით შემოსაზღვრული სასრულო დრეკადი სხეულის შემ-
თვევაში.

1. $P(x, y, z)$ იყოს გარემოს ფიქსირებული წერტილი, ხოლო $Q(\xi, \eta, \zeta)$
და $M_0(\xi_0, \eta_0, \zeta_0)$, შესაბამისად, სივრცის საზღვრის (ζ -ლადი და M_0 -მივი წერტი-
ლები). ასევე, $\Phi(x, y, z)$ და $\bar{\Psi}(x, y, z)$, შესაბამისად, იყოს დრეკადი სივრცის
სკალარული და ვექტორული პოტენციალები. როგორც ცნობილია, ისინი აქმა-
ყოფილებენ შემდეგ დიფერენციალურ განტოლებებს:

$$\begin{aligned} \Delta\Phi + k_1^2\Phi &= 0, \\ \Delta\bar{\Psi} + k_2^2\bar{\Psi} &= 0, \end{aligned} \tag{1}$$

$$\begin{aligned} \Delta &= \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}, \\ k_1^2 &= \frac{\omega^2}{a^2}, \quad k_2^2 = \frac{\omega^2}{b^2}, \end{aligned}$$





სადაც $a^2 = \frac{\lambda + 2\mu}{\rho}$, $b^2 = \frac{\mu}{\rho}$, რ გარემოს სიმკვრივეა, λ და μ ეგრეთ წოდებული ლაშეს მუდმივებია, ხოლო $\omega - \lambda$ ენერგიის სიხშირე. სასრულო დრეკადი სხეულის საზღვარზე მოცუმული გარე ძალების შემთხვევაში ძაბვის ამოკნის გამოვლენა შემდეგში მდგომარეობს: დრეკად არეში მოქნახოთ (!) განტოლებების ისეთი ამონსნები, რომლებსაც აქვს პირველი და მეორე რიგის უწყვეტი კერძო წარმოებულები და აქმაყოფილებს სისახლერო პირობებს:

$$\begin{aligned} aX_x + bX_y + cX_z &= \mu f_1(M_0), \\ aY_x + bY_y + cY_z &= \mu f_2(M_0), \\ aZ_x + bZ_y + cZ_z &= \mu f_3(M_0), \end{aligned} \tag{2}$$

$$a = \cos(x, n), \quad b = \cos(y, n), \quad c = \cos(z, n),$$

н ფართულის შიგა ნორმალია, $f_j(M_0)$ ($j = 1, 2, 3$) ჰელდერის აზრით მოცე-
მული უწყვეტი ფუნქციებია, ხოლო X_x, Y_y, \dots, Z_z ძაბვის ვექტორის მღვენე-
ლებია, რომელებიც გარეშეული ფორმულებითაა დაკავშირებული გადაადგილე-
ბის ვექტორის მღვენელებთან.

ნაცვერსიც და სახლებრივ ავტომობილთ ხოვ სიბრტყე, ხოლო კ ღერძი
მიგმართოთ დრუადი არის გარეთ; ელემენტარული გარდაქმნებით (2) სასა-
ზღვრო პირობები მიიღებს შემდეგ სახეს:

$$\begin{aligned} & 2 \frac{\partial^2 \Phi}{\partial x \partial \zeta} + \frac{\partial^2 \Psi_3}{\partial y \partial \zeta} + \frac{\partial^2 \Psi_2}{\partial x^2} - \frac{\partial^2 \Psi_2}{\partial \zeta^2} - \frac{\partial^2 \Psi_1}{\partial x \partial y} = f_1(M_0), \\ & 2 \frac{\partial^2 \Phi}{\partial y \partial \zeta} + \frac{\partial^2 \Psi_2}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 \Psi_1}{\partial \zeta^2} - \frac{\partial^2 \Psi_1}{\partial y^2} - \frac{\partial^2 \Psi_3}{\partial x \partial \zeta} = f_2(M_0), \\ & 2 \left(\frac{\partial^2 \Phi}{\partial \zeta^2} + \frac{\partial^2 \Psi_2}{\partial x \partial \zeta} - \frac{\partial^2 \Psi_1}{\partial y \partial \zeta} \right) + (2k_1^2 - k_2^2) \Phi = f_3(M_0), \end{aligned} \quad (3)$$

სადაც Ψ_1 , Ψ_2 , Ψ_3 ფუნქციებით აღნიშვნულია $\vec{\Psi}(x, y, z)$ კვანტორის მდგრა-
ლები სათანადო კოროლინატთ დღეძებზე.

2. შემოვილოთ შემდეგი აღნიშვნები:

$$R = \sqrt{(x - \xi)^2 + (y - \eta)^2 + (\zeta - \xi)^2}, \quad r = \sqrt{(x - \xi)^2 + (y - \eta)^2},$$

$$A = -\frac{i}{k_1^2 - k_2^2}, \quad f^{(1)}(R) = \frac{e^{ik_1 R}}{R}, \quad f^{(2)}(R) = \frac{e^{ik_2 R}}{R},$$

$$I_1 = \frac{k_1^2}{2} \int_N^\infty \frac{I_0(r\rho) e^{\zeta\sqrt{\rho^2 - k_1^2}}}{\rho \sqrt{\rho^2 - k_1^2}} d\rho, \quad I_2 = \frac{k_1^2}{2} \int_N^\infty \frac{I_0(r\rho) e^{\zeta\sqrt{\rho^2 - k_2^2}}}{\rho \sqrt{\rho^2 - k_2^2}} d\rho; \quad (\zeta < 0, N > 0)$$

සං නො පෙන්වනු ලබයි. සෑම මූල්‍යයක් පෙන්වනු ලබයි. මෙහි පෙන්වනු ලබයි. මෙහි පෙන්වනු ලබයි.

სკალარული და ვექტორული პოტენციალები ვეძიოთ შემდეგნაირად:

$$\begin{aligned} \Phi(x, y, z) &= \frac{A}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left[\left(\frac{\partial f^{(1)}}{\partial x} - \frac{\partial I_1}{\partial x} \right) \mu_1(\xi, \eta) + \left(\frac{\partial f^{(1)}}{\partial y} - \frac{\partial I_1}{\partial y} \right) \mu_2(\xi, \eta) \right. \\ &\quad \left. + \left(\frac{\partial f^{(1)}}{\partial z} + \frac{\partial I_1}{\partial z} \right) \mu_3(\xi, \eta) \right] d\xi d\eta, \\ \Psi_1(x, y, z) &= \frac{A}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left[\frac{\partial f^{(2)}}{\partial z} \mu_2(\xi, \eta) - \frac{\partial f^{(2)}}{\partial y} \mu_3(\xi, \eta) \right] d\xi d\eta, \\ \Psi_2(x, y, z) &= \frac{A}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left[\frac{\partial f^{(2)}}{\partial x} \mu_3(\xi, \eta) - \frac{\partial f^{(2)}}{\partial z} \mu_1(\xi, \eta) \right] d\xi d\eta, \\ \Psi_3(x, y, z) &= \frac{A}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left[\left(\frac{\partial f^{(2)}}{\partial y} - 2 \frac{\partial I_2}{\partial y} \right) \mu_1(\xi, \eta) \right. \\ &\quad \left. - \left(\frac{\partial f^{(2)}}{\partial x} - 2 \frac{\partial I_2}{\partial x} \right) \mu_3(\xi, \eta) \right] d\xi d\eta, \end{aligned} \tag{4}$$

(3) სასახლევრო პირობაში შევიტანოთ (4) ფუნქციები და $P(x, y, z)$ წერტილი მიღუსტრაფოთ $M_0(\xi_0, \eta_0)$ წერტილს. თუ ვისარგებლებთ ცნობილი ფორმულებით:

$$\begin{aligned} & \lim_{P \rightarrow M_0} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \mu \frac{d}{d\zeta} \frac{I}{R} d\xi d\eta = 2 \pi \mu (\xi_0, \eta_0), \\ & \lim_{P \rightarrow M_0} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \mu \left(\frac{\partial R}{\partial x} \right)^2 \frac{d}{d\zeta} \frac{I}{R} d\xi d\eta = \frac{2}{3} \pi \mu (\xi_0, \eta_0), \\ & \lim_{P \rightarrow M_0} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \mu \left(\frac{\partial R}{\partial x} \right) \frac{\partial R}{\partial y} \frac{d}{d\zeta} \frac{I}{R} d\xi d\eta = 0 \end{aligned}$$

და მთელი ნალეგიურებით, მაშინ $\mu_j(\xi, \eta)$ ($j = 1, 2, 3$) ფუნქციები განსხვალდა დაიყვანება ზემდეგ ინტეგრალურ განტილებათ სისტემის გამოყენებამდე:

$$\begin{aligned} \mu_1(M_0) + \frac{i}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} [K_1^{(1)}(M_0, Q) \mu_1(Q) + K_2^{(1)}(M_0, Q) \mu_2(Q) \\ + K_3^{(1)}(M_0, Q) \mu_3(Q)] d\xi d\eta = f_1(M_0), \\ \mu_2(M_0) + \frac{i}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} [K_1^{(2)}(M_0, Q) \mu_1(Q) + K_2^{(2)}(M_0, Q) \mu_2(Q) \\ + K_3^{(2)}(M_0, Q) \mu_3(Q)] d\xi d\eta = f_2(M_0), \end{aligned} \quad (5)$$

$$\mu_3(M_0) + \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} [K_1^{(j)}(M_0, Q) \mu_1(Q) + K_2^{(j)}(M_0, Q) \mu_2(Q) \\ + K_{34}^{(j)}(M_0, Q) \mu_3(Q)] d\xi d\eta = f_3(M_0),$$

სადაც $K_i^{(j)}(M_0, Q)$ ($i, j = 1, 2, 3$) თავისი არგუმენტების ცნობილი ფუნქციებია და მათი მნიშვნელობები გვარტყმუნებს, რომ ისინი ფრედოლმის ტიპის გულებია.

აქ მიღებული შედეგები ჩვენ მიერ შემდგომ გამოყენებული იქნება სასაზღვრო ამოცანის შესასწავლიდა, როცა დრეკადი არე შემოსაზღვრულია სასრულო ამონექილი ზედაპირით.

ს. კიროვის სახელობის

საქართველოს პოლიტექნიკური ინსტიტუტი
თბილისი

(რედაქტირას მოუვიდა 13.3.1951)

დამოადგული ლიტერატურა

1. В. Д. Купрадзе. Границные задачи теории колебаний и интегральные уравнения. Москва, 1950.
2. გ. პ. პ. დრეკადი ტანის რხევის მეორე ძირითადი სასაზღვრო ამოცანის ამოხსნა. საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემიის მთამბე, ტ. X, № 5, 1949.
3. А. М. Кусков. Дифракция упругих установившихся колебаний. ДАН СССР, т. LXX, № 2, 1950.
4. Д. И. Шерман. Колебания упругого полупространства при заданных смещениях или внешних силах на границе. Тр. Сейм. института, № 118, 1946.
5. Д. И. Шерман. Об установившихся упругих колебаниях при заданных смещениях на границе среды. Прикл. мат. и мех., т. X, 1946.
6. Б. Шаташвили. დრეკადი არის რხევების შესახებ მოცემულ სასაზღვრო გადადგილება-თა შემთხვევაში. საქ. მეცნიერებათა აკადემიის მთამბე, ტ. X, № 5, 1949.
7. С. Х. Шаташвили. Об установившихся колебаниях при заданных смещениях на поверхности упругого тела. ДАН СССР, том LXXI, № 2, 1950.

$$\mu_3(M_0) + \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} [K_1^{(j)}(M_0, Q) \mu_1(Q) + K_2^{(j)}(M_0, Q) \mu_2(Q) \\ + K_3^{(j)}(M_0, Q) \mu_3(Q)] d\xi d\eta = f_3(M_0),$$

სადაც $K_i^{(j)}(M_0, Q)$ ($i, j = 1, 2, 3$) თავისი არგუმენტების ცნობილი ფუნქციებია და მათი შეიძლება გვარწმუნებს, რომ ისნი ფრედოლმის ტიპის გულებია.

აქ მიღებული შედეგები ჩვენ მიერ შემდგომ გამოყენებული იქნება სასახლერო ამოცანის შესასწავლად, როცა დრეკადი არე შემოსახლევრულია სასრულო ამოზნექილი ზედაპირით.

ს. კიროვის სახელმისამართის
 საქართველოს პოლიტექნიკური ინსტიტუტი
 თბილისი

(რედაქციას მოუვიდა 13.3.1951)

დამონიშვილი ლიტერატურა

1. В. Д. Купрадзе. Границевые задачи теории колебаний и интегральные уравнения. Москва, 1950.
2. ვ. ჯუ პრაძე. დრეკადი ტანის რხევის მეორე ძირითადი სასახლერო ამოცანის ამოხსნა. საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემიის მოამბე, ტ. X, № 5, 1949.
3. А. М. Кусков. Дифракция упругих установившихся колебаний. ДАН СССР, т. LXX, № 2, 1950.
4. Д. И. Шерман. Колебания упругого полупространства при заданных смещениях или внешних силах на границе. Тр. Сейсм. института, № 118, 1946.
5. Д. И. Шерман. Об установившихся упругих колебаниях при заданных смещениях на границе среды. Прикл. мат. и мех., т. X, 1946.
6. Б. Шаташвили. Установившиеся колебания упругого полупространства при заданных смещениях на границе. Тр. Сейсм. института, № 120, 1947.
7. С. Х. Шаташвили. Об установившихся колебаниях при заданных смещениях на поверхности упругого тела. ДАН СССР, том LXXI, № 2, 1950.

გეოზიზიდა

პ. სულახველიძე

თოვლის ზეპის დარტყმა უძრავ კედლებზე

(წარმოადგინა აკადემიკის ნამდვილმა წევრმა პ. ზურიელმა 10.10.1950)

უძრავ კედლებზე თოვლის მასების დარტყმისას წარმოქმნილი წნევის-ზესწავლის საკითხი პირველად ამიტრკავკასიის ნაგებობათა ინსტიტუტის თანა-ძმრომლებმა ა. ვ. კუკავა და გ. ოტენა მა წარმოაყენეს 1927—28 წლებში [1].

უნდა ითქვას, რომ აღნიშნული თანამშრომელების მიერ დაყრენებული ცდე-ბი საკითხის ამომწურავ გადაწყვეტას არ იძლეოდა. 1946—47 წლებში ჩევრ მიერ ჩატარებულმა გამოკვლეულებმა დაგვანახავა, რომ პოვისა და ოტენის საც-დელ ფარებზე მიღებული წნევები დამოკიდებულია ფარების ფორმისა და ზო-მაზე; ამ მიზეზის გამო სსნებული ცდების დროს მიღებულ წნევებს არ შეუძ-ლია ცოტად თუ ბევრად სწორი წარმოდგენა მოგვცეს თოვლის მასების შემ-ავებელ უძრავ კედლებზე დარტყმის დროს წარმოქმნილი წნევის შესახებ.

აკადემიკოსმა ს. ხ. რისტიან ნოვიჩ მამოკვლია თოვლის მასის კედლე-ზე დარტყმის საკითხი, მხედველობაში. მიიღო თოვლის მასის შესამკრიფებ-ლად დახარჯული ენერგია და დარტყმის დროს წარმოქმნილი წნევისთვის [2] შემდეგი ფორმულა მოგვცა:

$$p = 10^{-2} \frac{R_2 R_2 v^2}{R_2 - R_1}, \quad (1)$$

სადაც p წნევაა კგ/სმ², R_1 და R_2 —თოვლის სიმკრიფეა გრ/სმ² დარტყმაზე და დარტყმის შემდეგ, v —თოვლის მასის მოძრაობის სიჩქარე მ/სეკ-ით კე-დელზე დარტყმის მოძრატში.

იმისათვის, რომ [1] ტოლობიდან შესაძლებელი იქნეს p -ს რიცხვითი მნიშვნელობის პოვნა, როდესაც ცნობილია ზევის სიჩქარე, აუცილებელია მო-ცემულ იქნეს თოვლის სიმკრიფე დარტყმაზე და დარტყმის შემდეგ, რაც პრატიკულად შეუძლებელია. ამ ტოლობის გადაწყვეტის მეორე შემთხვევა იქ-ნება ისეთი, როდესაც საპოვნელია დამოკიდებულება თოვლის სიმკრიფესა და p წნევას შორის მყისად მიყენებული დატვირთვების დროს.

თოვლის მექანიკური თვისებები საჭმაოდ კარგად არის შესწავლილი [1, 2, 3]. მიუხედავად ამისა, რამდენადც ჩევრთვის ცნობილია, იქმდე არავის არ შეუწავლია ზემოხსენებული დამოკიდებულება, რომელიც აუცილებელია (1) ტოლობიდან p -ს რიცხვითი მნიშვნელობის განსაზღვრისათვის.

1949 წლის ზაფხულსა და შემოდგომის დასაწყისში ჩევრ სპეციალურად ამ მიზნით კონსტრუირებული ხელსაწყოთი ვაწარმოეთ გაზომვები თოვლის სა-



ბურეველზე; ჩვენი მიანი იყო გვეპოვა დამკიდებულება რ და ე-ს შორის მყისი დატვირთვების დროს. დაკვირვებას აწარმოებდა 4200—4500 მეტრის სიმაღლეზე ზღვის დონიდან უმცროსი მეცნიერი თანამშრომელი დ. ლონდაძე. გაზომვები წარმოებდა მშრალ თოვლზე. რომლის სიმკვრივე იყო: 0,11, 0,22, 0,25, 0,32 და 0,37. ზოგიერთ შემთხვევაში თოვლი ხელოვნურადაც მკრი-ვდებოდა. თოვლის თითოეული სიმკვრივისთვის ჩატარებული იყო 15-დან 20-მდე გაზომვა, 0,5 კგ ს/მ²-დან 2,5 კგ/ს/მ²-მდე დატვირთვების პირობებში.

ჩვენ უცალეთ გამოკლევთ იგრძელებ ნოტიო თოვლშე, მაგრამ ჰაერის დაბალი ტემპერატურების გამო (მაქსიმალური ტემპერატურა დღისით არ ღვევატებოდა — $2,8^{\circ}$) დაგროვილი მასალა არასემარისი აღმოჩნდა რიცხობრივი განზოგადების მოსახლეობას.

ჩატარებული გაზომების შედეგად ვიპოვეთ დამიკიდებულება მყისი და-ტენიროვების ღრას ა წნევასა (გამოხატულს კგ/სმ²-ით) და სიმკვრივის შეფარ-დებით ზრდას $\gamma = \frac{\Delta g}{g}$ -ს შორის.

Օլմինենցա, հրճ 0,5-ընտ 2,5 կը/սմ²-ից քաղցրությունից լրաց չը Յօնդա-
Յօն 3րդությունուն իւս, բ. օ.

$$\gamma_\rho = k_\rho \rho, \quad (2)$$

სადაც *k*—პროპერტიულობის კოეფიციენტი—დამოკიდებულია ოველის საჭიროების სიმარტინისაგან.

გაზომვების შედეგად მოინახა ეს დამოკიდებულება გ-ს მიმდევრულობებისათვის 0,15-ჟან 0,35-მც, რომელსაც შემდგენი საჭი აქვს:

$$k=3,10-7,81\varrho. \quad (3)$$

ფორმულა (3) იძლევა ჩ-ს რიცხობრივ მნიშვნელობას, თუ გ გაზიმილია გრ/სგ.

(1), (2) და (3) განტოლებებიდან გვთქვლობთ:

$$p = v \frac{v \rho_1 (0,031 - 0,078 \rho_1) + V \rho_1 (0,031 - 0,078 \rho_1) (0,01 \rho_1 v^3 - 31,24 \rho_1 + 12,41)}{6,22 - 15,61 v}$$

$$6,22 - 15,61 \rho_1 \quad (4)$$

(4) განტოლებაში კოფიციენტები შერჩეულია ისეთნაირად, რომ ეს გრ/სბ³ და n-ს გ/სექ. გაზომვისას ꝑ იძლევა წნევის სიღილეს, გაზომვის გ/სბ².

(4) ფორმულა გამოიყენილია მშრალი თოვლის შეკუმშევის შემთხვევას-
თვის, რომლის საწყისი სიმკერვე იყ 0,15-დან 0,35 გრ/სმ²; ამ ინტერვა-
ლის გარეთ მდებარე სიმკერვეებისთვის k და ρ -ს შრის დამტკიცდებულება
უფრო რთულ სახეს იღებს, ვიზრე (3) ფორმულითაა მოცუმული და, მაშა-
სადამე, ამ ინტერვალს გარეთ (4) ფორმულისავ არ ეწნება ადგილი.

წინა ნაშრომში [4] ჩვენ მიერ ნახული იყო თოვლის მასში ის ფერდობ-ზე მოძრაობის შესაძლო მაქსიმალური სიჩქარე, როგორც აღვილის დახრი-ლობის კუთხისა და თოვლის საბუროლის ფიზიკური თვისებების ფუნქცია; აგრძელი იყო მრუდები, რომელიც იძლეოდა სიჩქარის მნიშვნელობას სხვადასხვა ტიპის თოვლისა და აღვილის სხვადასხვა დახრილობის კუთხის პირობებში.

აღნიშნული მრუდებისა და (4) ფორმულის ერთდროული გამოყენება სა-
შუალებას იძლევა გაანგარიშებულ იქნეს მაქსიმალური წნევა, რომელიც წარ-
მოიქმნება მშრალი თოვლის მასის მოძრაობისადმი პერპენდიკულარულ კედელ-
ზე დარტყმის დროს ადგილმდებარეობის ნებისმიერი დახრილობის პირობებში.

განზრახულია ცდების ჩატარება ანალოგიური დამოკიდებულების დასა-
მყარებლად სველი თოვლისათვის.

საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემია

გეოფიზიკის ინსტიტუტი

(რედაქციას მოუვიდა 14.10.1950)

დამოწმებული ლიტერატურა

1. А. Гофф и Г. Оттен. Проект норм расчета противолавинных сооружений (рукопись в ТНИСГЭИ, 1937).
2. С. А. Христианович. Записка о проекте норм для расчета противолавинных сооружений (рукопись в ТНИСГЭИ, 1938).
3. Г. К. Тушинский. Лавины. Москва, 1949.
4. Г. К. Сулаквелиձე. К вопросу об образовании и движении снежных лавин в горах. Труды Института физики и геофизики АН Груз. ССР, т. XI, 1949.

გოლოგია

ლ. პოლოვილი

მუხრანის გელის ზარმოვობისათვის პხალტაზელა ტექტონიკურ
მოძრაობასთან დაკავშირისთი

(წარმოადგინა აკადემიის ნამდვილმა წევრმა ა. ჯანელიძემ 15.1.1951)

არაგვის ხეობის ქვემო წელის გეომორფოლოგიისთვის, როგორც ცნობილია, დამახასიათებელია ფართო განედური დეპრესიები და მათი შესატყვისი განივი ხეობების გაფართოება ალუვიონის მძლავრი დაგროვებით.

დეპრესიები თუ პარალელურ ზოლადა გადაჭიმული ნაოვების მიმართების გასწრები: 1. ჩრდილო ზოლი ხაზზე: ერწო-არაგვის ხეობების გაფართოება — ბაზალეთის ვაკე — ნატეკვავის ხეობის გაფართოება ს. მჭადისჯვართან. 2. სამხრეთი ზოლი: მუხრანისა და ტირიფონის ველები.

ეს ზოლები ისაზღვრება გასწრების ქედებით, რომელიც ვიწრო ხეობებითაა გაცვეთილი. მათი (ზოლების) წარმოშობა არ არის დაგვაშირებული შეჩრევით ეროზიისთან, ასევე ისინი გამომუშავებული არიან ლითოლოგიურად საესპერიტო ერთგვაროვან ქანებში. მათი წარმოშობა შეიძლება აისხნას მხოლოდ მეზობელი უბნების არათანაბარი აზევებით.

ასეთ პირობებში მდინარეებს არაერთგვაროვნი მუშაობა უნდა ეწარმოებინათ. შედარებითა დაძირვის ზოლებში ისნინ გააღიდებდნენ ნალექების სისქეს, ხოლო აზევების ზოლებში ეროზიულ მოქმედებას განავრძობდნენ.

განივი მდინარეების ძეველი პროფილის მრუდზე, რომელიც აღდგენილია სათანადო ტერასის ნაშთების მიხედვით, კარგად ჩანს დაქანების შეცვლა სხვადასხვაგარი მოძრაობის უბნების საზღვარზე. იმავე დროს გასწრები მდინარეებისათვის დამახასიათებელია ძეველი ეროზის გლუვი პროფილი.

მუხრანის ველი არის ერთი ხეობათაგანი, რომელშიც კარგად არის გამოხატული ახალგაზრდა ტექტონიკური მოძრაობები.

მკვლევრებს შორის დიდხანს გაბატონებული იყო შეხელულება მუხრანისა და ტირიფონის ველების ტბიური წარმოშობის შესახებ.

ამ მოსაზრების საწინაღმდეგოდ 1927 წელს ა. ჯანელიძემ გამოთქვა აზრი, რომ მუხრანის ველი გამომუშავებული ძეველი ქსანის, არაგვის ყოფილი და შემდეგ წართმეული შენაკადის, მიერ. არაგვის ხეობაში მუშაობისა და კერძოდ ტერასების შესწავლის პროცესში მე დამიგროვდა აღნიშნული კონცეფციის დამადასტურებელი ფაქტები.

მუხრანის ველის რელიეფში კარგად ჩანს დაძირვის ნიშნები. ეს დაძირვა, ალ. ჯანელიძის მიხედვით, გვიანი დანაოჭების პროცესების შედეგია.



აღნიშნული აზრის ნათელსაყოფად საჭირო იქნება ორიოდე სიტყვით
შეცვერთ არაგვის ხეობის ამ ნაწილის გეოლოგიურ აგებულებას. უკანასკნე-
ლის თავის გეოლოგიური მდგრადარეობს, რომ რაიონის ჩრდილოეთ და სამ-
ხრეთ პერიფერიაზე ვანენითარებულია სკვალი ფორმაციები (ცარცილის პალეო-
გენეზი), ხოლო ცენტრალურ ნაწილში ახალგაზრდა ნალექები (ნეოგენიდან
მეოთხეულამდე). მაგრამ, რაიონის აგებულებაში აღმცენდილია დეპრესიის
ორივე კიდის ტექტონიკური აზევება. აქ შედარებითი მოძრაობები ახლო წარ-
სულშიც არა ერთხელ ვანეორებულა და რაიონის მორფოლოგიაში შესაფე-
რი გვალი დაშტოვებია.

რაიონის ჩრდილო და სამხრეთ პერიფერიაზე ძეველი ნალექებისთვის დამახასიათებელია რთული აშლილობა. ამ უპნებს ზორის მოცემული ახალგაზრდა ნეოგენური ნალექები ნაჯებად დასლოკებულია. მათი ის ნაწილი, რომელიც ჩრდილო კიდეს ებჯინება, სამხრეთისკენ გადაწოლილ ჰეკუმულ ნაკებს იძლევა.

ბაზალეთის ვაკის მიღდამოებში (ეს არის უკვე დაძირების ჩრდილო ზოლი) განვითარებულია ამ ნალექების სინკლინი, რომელიც სამხრეთით ორიოდე წვრილი ნაოჭით იცვლება (მისახურების ქედი), ხოლო მუჟანის ველშე (ე. ი. დაძირების სამარეთ ზოლში) მძლავრი მეოთხეულის ქეცე ნეოგენური ნალექები, სახელდობრ, მიოპლიოცენური კონგლომერატები ფართოდ გაშლილ სინკლინს ქმნან.

მუხრანის კვლის დაძირვის მოვლენა, ალ. ჯანელიძის აზრით, სწორედ ამ სინკლინის შემგვარი შეკუმშევით აისანება.

მუშაონის კვლეული ძალის გაფართოებულია და ჩრდილოეთიდან და სამხრეთიდან ქვედებით არის შემოფარგლული. ის დაკავშირებულია მეზობელ ხეობებთან ხუთი ვიწრობით.

კილური ქედების ფურდობების სამ სხვადასხვა პიპსომეტრიულ ღონებზე გამოიჩინა ტერასები, რომელებც შეესაბამება ამ შეარისოვის პ. გამყრელი- ძის მიერ გამოყოფილ სამ ერთხელულ ციკლს.

ორ ძველ ტერასას ჩვენ ვაკულოვნებთ კიდური ქეცების (სხალტბის, მისაქ-
ციელისა და სათიბის) ველისკენ მიმართული ფერდობების საფეხურებს. ეს
საფეხურები. წარმოადგენს ძველი ქალის ნაშთებს. ყველაზე მაღალი
ტერასა იძლევა მცვიდრ ქანებში ერთ ჰიპსომეტრიულ დონეზე თარისულ საფე-
ხურს, რაც მეტად მაფიოდ არის გამოხატული რელიეფში ციცაბო ფერდო-
ბების გადატეხით.

ამ ტერასის აკუმულაციურ წარმონაქმნებს დიდი სიმძლავრე აქვთ და ისინი შეიძლება განვითაროს.

მუხრანის ველის ძველ ტერასას სიმაღლით შესაბამება ბაზალეთის ველის ტერასული ნაშთები. ეს ნაშთები და მუხრანის ველის ფერდობების მაღალი ტერასა უთუოდ ერთხმიული მოქმედების ერთ ციკლთან არიან დაკავშირებული.

ბაზალეთის კედი, როგორც ჩინს, ჭარბობადებენ ძველი მდინარის ფართო ქალაის ნაშთს. უხსაძლებელია, რომ ეს ჰალა მკუთხნოდა თეთრ არაგას, რო-

შელიც ამ მიმართულებით მომდინარეობდა და შემდგომ წარტყვევნილ იქნა ამ ველის უფრო ჩრდილოეთი ფშავერი არაგვის მიერ.

ამ ძევლი ტერასის გარდა რაიონში გამოსახულია მესამე და მეორე ეროვნული ტერასების ნაშთები და ფართოდ არის გავრცელებული პირველი ჭალისზედა ტერასა.

დაკავირებებმა ნათელყო, რომ ტერასებს დეფორმაცია განუცდიათ.

რაიონში ახალგაზრდა (ადრემეოთხეული) მოძრაობების არსებობის შესახებ საქმაოდ დამაჯერებელ საბუთებს იძლევა ბაზალეთის ველის მორფოლოგია. ბაზალეთის ვაკე, ეს ძევლი მდინარის ჭალა, მდინარის ხეობის ევოლუციის სპეციფიკური პირობების გამო, სხვა ძევლ ტერასებზე უკმთავ დაცული.

ამ ფართობზე მდინარეულ ნალექთა ფუძის ნიშანულების მიხედვით დადგენილია ხეობის მკვიდრი ფსკერის დაწევა. ამ ფსკერის ულრმესი ნაწილი მდებარეობს ბაზალეთის ტბის ხაზზე.

ველის მკვიდრი ფსკერის თანადათან დაძირებას აღასტურებს ნალექების ლითოლოგია და თანამიმდევრობა ამ უბანზე. ამგვარად, როდესაც ბაზალეთის ძევლი ტერასის შესახებ ვლაპარაკობთ, ჩვენ მხედველობაში უნდა გვქონდეს მისი მკვიდრი ფუძის ჩაზნექილობა.

უნდა აღინიშვნოს, რომ უფრო აღმოსავლეთისაკენ ბაზალეთის ველის დაძირვის ზოლში--არაგვის ხეობაში—ძევლი ტერასის ნაშთები შედარებით უფრო დაბლა მდებარეობს.

შუბრანის ველის პირველი ჭალისზედა ტერასის ფუძის ჩაზნექილობა აგრეთვე მკაფიოდ არის გამოხატული. ველის შუა ნაწილში ალუვიონის მკვიდრი ფსკერი თანამედროვე ხეობის ფსკერზე ას მეტრზე მეტრით უფრო ღრმად მდებარეობს. საყურადღეო არის პირველი ჭალისზედა ტერასის ალუვიონის მკვიდრი ფუძის ჩრდილოეთისაკენ დაკანება მუხრანის ველის სამხრეთ ნაწილში, რაც გაშიშვლებებში კარგადა გამოსახული.

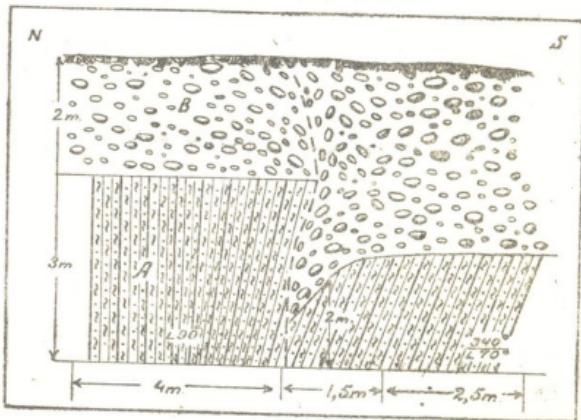
ანალოგიური სურათი გვაქვს არაგვის ჩრდილო გაფართოებაშიც, ბულა-ჩიურის მიდამოებში.

ამრიგად, როგორც ჩანს, ახალგაზრდა ტექტონიკური მოძრაობები მოქმედებდნენ პირველი ჭალისზედა ტერასის გაფორმების პროცესში როგორც ჩრდილო, ისე სამხრეთი ჩაზნექვის ზოლებში, ხოლო უფრო ინტენსიურად სამხრეთ ზოლში, რაც უთული აქ ფართო სინკლინის არსებობით უნდა აისხნას.

დაძირვა არ წარმოებდა მშეიდად და აღვილი ჰქონდა წყვეტებს, რომ-ლებიც პირველ ჭალისზედა ტერასასაც შეეხნენ. ზოგი მაოგანი ჩემ მიერ შემჩნეულია არაგვის მარცხენა ნაპირზე, შესართავთან ახლოს (ნახ. 1).

ნახაზზე ჩანს პირველი ჭალისზედა ტერასის გაწყვეტა მრუდე ხაზის გასწრებით. აწეულია ჩრდილო ბლოკი (1,5—2 მ-ით). გაწყვეტილი არიან ტერასის ალუვიონი და მის ქვეშ მდებარე თიხიანი ქვიშაქვები და თიხაფიქლები, რომლებიც შეიცავენ ზედამიოცენურ ფაუნას.

რღვევის ორივე ბაგეში ნაგორები ქვები სხლეტვის ზედაპირის მახლობლად ამ უკანასკნელისაკენა დაქანებული, ზოგჯერ ცერტიფილურადაც კი არის განლაგებული. ზოგიერთი მათვანი ჩატლეულია აწეული ბაგის მყიდრ ქანებში (უფრო შშირად ტერასის ქვედა ნაწილში).



ნახ. 1. რღვევა არაგვის ტერასის ნალექებში.

A—ზედამილურნური თიბიანი ქვიშაქვები; B—ტერასის ალუვიონი

აღწერილი აღგილის ჩრდილოეთით საგურამოს წყაროების მიღამოებში გვაქვს გაწყვეტის მეორე შემთხვევა. აქ წყვეტა შედარებით ნაკლებ მკაფიოდაა გამოხატული, რაღაც რღვევის ხაზი დელუვიონით არის დაფარული. რღვევის სამხრეთ ბაგეში მიოპლიოცენის კონგლომერატები ჩრდილოეთისაკენ არის დაქანებული 45—50°-ით, ხოლო ჩრდილო ბაგეში ამ შერების დაქანება 30° არ აღმატება. აშლილობის ზოლში გვაქვს შერებრივობის მართებული ლია ნაპრალები. რღვევის ჩრდილოეთით ნათლად ჩანს მკვიდრი ტერასის ამ მიმართულებით სწრაფი დაძირვა.

ამგვარად, პირველი ჭალის სხელა ტერასის დეფორმაცია ცხადად არის გამოსახული, რაც არ ითქმის უფრო ძველ ტერასებშე. ამ ახალგზირდა მოძრაობის ძველ ტერასებსე გავლენის დასადგენად საჭიროა მეტი ფაქტების დაგროვება.

მუხრანის ველის ახალგზირდა დაძირვის ეჭვმიუტანელი ფაქტები საშუალებას გვაძლევს უფრო დამაჯერებლად აღვადგინოთ მისი განვითარების ისტორია.

მუხრანის ველი წარმოიშვა მიოპლიოცენურ დროს, როგორც დიდი მუხრან-ტირიფონის დეპრესიის ნაწილი, და იყო დაკავშირებული ძველი მტკვრის მოქმედებასთან (ა. ჯანელიძე). დანაკების პროცესების შედეგად მტკვარი სამხრეთისკენ იქნა გადაგდებული, სადც მან გამოიმუშავა ახალი ხეობა, რომელშიც დღესაც მიედინება.

მეოთხეულში მუხრანის ველს მიუყვებოდა მტკვრის პარალელური მდინარე—ძველი ქსანი, რომელიც აღმოსავლეთისკენ არაგვს ერთვოდა. ვინაიდან მუხ-

მუხრანის ველის ნალექების დაგროვება მიმდინარეობდა ველის დაძირვის პირობებში და ეს მოძრაობა აღმოჩენილია პირველი ჭალისზედა ტერასის ძირითადი ფუძის დაქანებაში ხეობის ცენტრული ნაწილისაკენ.

საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემია
გეოლოგისა და მინერალოგის ინსტიტუტი
თბილისი

(ରୀଗ୍ଲାମ୍ବିନୀର ମନ୍ତ୍ରୀଙ୍କରିତ ମାତ୍ରା 29.1.1951)

პალეოცენულია

ლ. გაბშენა

ხალიკორისის ნაშთი საქართველოს მისამართიდან

(წარმოადგინა აკადემიის ნამდვილმა წევრმა ლ. დავითაშვილმა 15.11.1950)

ამჟამად კენტჩლიქსნების ერთ-ერთი განსაკუთრებით საინტერესო ჯგუფის, ხალიკორისუმების, სისტემატიკა, ბ. ბორისიაკის [3,4,5], ვ. მეტიუს [8], ე. კოლბერტისა [7] და სხვათა გამოკვლევების წყალბით, ზოგადად მოხაზულია. მაგრამ თქმული, ძირითადად, ნეოგენის ხალიკორისუმებს ეხება, რადგან უფრო ძველი და იშვიათი ეოცენურ-ოლიგოცენური ფორმები ძალზე სუსტადა შესწავლილი. ამ სუსტად შესწავლილი ხალიკორისუმებიდან განსაკუთრებით მნიშვნელოვანია ოლიგოცენური ფორმები, რომელიც Schizotherium-ის სახელწოდებით აღრითინებენ. სწორედ Schizotherium-ის წარმომძღვნელებს შორის უნდა ვეძიოთ, როგორც ყიყრობენ, ევრაზიისა და ამერიკის მიოპლიოცენში გაერცელებული ხალიკორისუმების უმთავრესი ჯგუფების უშესალო წინაპრები. მიტრმა, რომ ყურადღებას იპყრობს საქართველოს აბალციის რაიონის ოლიგოცენურ ნალექებში ნახელი ხალიკორისუმის ძვლები, რომელიც ჩენ საქართველოს ქვანაძშირის საძიებო ტრესტის თანამშრომელმა პეტროგრაფმა მ. ხუჭუმ გადმოგვცა. ამ ძვლებს ჩენ Schizotherium-ის ახალ სახეს გაფუთვნებთ. ქვემოთ მოგვყავს ახალი სახის აღწერა.

Chalicotheriidae

Chalicotheriinae

Schizotherium chuaiae
n. sp.

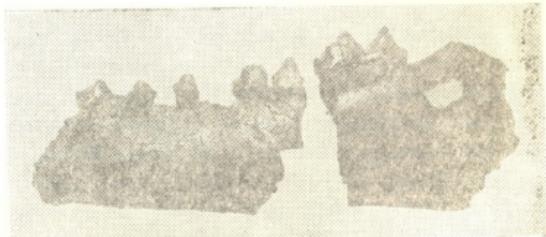
სადაურობა: სოფელი ბენარა (საქართველოს სსრ, ალექსანდრიანის რაიონი).

საკუ: ზედა ოლიგოცენი.

მასალა: ქვედა ყბის არასრული მარჯვენა შტო

(№ 7) და tibia-ს ქვედა ბოლო (№ 8).

ოლწერა: ქვედა ყბა (ნახ. 1). ნიმუში დაზიანებულია. აკლია P₃-ს წინანაწილი და M₂-ს უკანა ნაწილი. მოტეხილი აქვს ყბის M₂-სა და M₃-ს შორის მდებარე ნაწილი. დაზიანებულია ასევე კბილებიც: M₁ წარმოდგენილია მხოლოდ უკანა ძირითა და მეტაკლინიდისა და პროტოკლინიდის წინა ნაწილით;



ნახ. 1

P₁ წარმოდგენილია კბილის მხოლოდ წინა ნაწილით. M₂, M₃ და P₂ შედარებით უკეთ არის დაცული.

ქვედა ყბის ძეალი წაგრძელებულია და ზომიერად მისიური. მისი სიმაღლე M₂-ს უკან უფრის 48 მმ, P₂-ს წინ—28,5 მმ. ძელის სისქე M₂-ის არეში 18,7 მმ უფრის, P₂-ს—15,5 მმ.

M₃ (ჩა. 2). გვირვეინი წაგრძელებული. შედება ორი არასიმეტრიული და არათანაბარი მუხლისაგან, რომელთაგან უკანა უფრო გრძელია, ვიდრე წინა. მუხლების სიგანე თითქმის ერთნაირია. წინა მუხლში პარაკონიდი სუსტადა განვითარებული, დაბალია და ოდნავ მოხრილი უკანა მხრისაკვენ. არც პროტოკონიდია მაღალი. მას წინა—ლაბიალური—მხარე ამოზნებილი აქვს, უკანა—ბრტყელი. წინა მუხლის უკანა შტო მეტაკონიდით თავდება. შეტაკონილს მეტასტილიდის წვერო გამოეყოფა. ქვევითებნ მეტასტილიდი სწრაფად უერთდება მეტაკონიდს. უკანასხნელის ლინგვალურ მხარეზე სულ არ ჩანს მეტასტილიდის კვალი, რომელიც, ჩვეულებრივ, მეტ-ნაკლებად მკაფიო ღრითაა ხალმე წარმოდგენილი. მეტასტილიდი გარკვეულად გამოეყოფა პიპოკონიდის წინა ნაწილს. ჰიპოკონიდი ისეთივე სიმაღლისაა, როგორც პროტოკონიდი. ენტოკონიდი შედარებით მაღალია,—სიმაღლით მეტასტილიდს უტოლდება. პროტოკონიდი და ჰიპოკონიდი მეტასტილიდზე და ენტოკონიდზე დაბალია. კბილის კველაზე მაღალი კონტუსი, უთუოდ, იყო მეტაკონიდი, რომლის წვერო ჩვენს ნიმუშზე მომტკრეულია. საყელო სუსტად არის განვითარებული: ლინგვალურ მხარეზე სულ არა ჩანს, ლაბიალურზე—მხოლოდ გარეთა უბის შესასვლელის ორეში. შედარებით უკეთაა საყელო განვითარებული კბილის წინა მხარეზე. უკანა მხარეზე იგი წარმოდგენილია კარგად განვითარებული ქუსლით, ანუ ჰიპოკონულიდით. ქუსლის ლინგვალური ბოლო ცოტიოდენ აწეულია ენტოკონიდისაკვენ.



ჩა. 2

M₂. წინა და უკანა მუხლი თითქმის ერთნარი სიგანისაა. უკანა მუხლი ოდნავ უფრო გრძელია, კიდურე წინა. პარაკონიდი დაბალია; ენტოკონიდი—

მაღალი, თითქმის მეტაკონიდის სიმაღლის. მეტასტილიდი მოტეხილია. მეტაკონიდისა და მეტასტილიდის გამყოფი ღარი არ არის წარმოდგენილი. კბილის წინა და უკანა მხარეზე წარმოდგენილია ძლიერ გარტყელებული საყელო.

M₁. უკანა მუხლი უფრო გრძელია, ვიდრე წინა. პარაკონიდი ძალიან იაბალია, რედუცირებული (წარმოდგენილია უკანა მხრისკენ მიმართული წინა მუხლის წაწვეტებული წინა შტოთი). მეტაკონიდის ლინგვალურ მხარეს ემნევა მეტაკონიდისა და მეტასტილიდის გამყოფი ნანი ღარი. კბილის უკანა მხარეზე წარმოდგენილია საყელოს სუსტა კვალი.

P₄. პარაკონიდი ძალზე სუსტადა წარმოდგენილი, დაბალია, ჰიდა უბისკენ არ არის მოხრილი. მეტაკონიდი გაუხლებელია—მეტასტილიდის წვერო ძლიერ მოჩანს, მეტაკონიდს არ გამოეყოფა. მიუხედავად ამისა, მეტაკონიდის ლინგვალურ მხარეს მაინც ემჩნევა სუსტად გამოსახული ღარი, რომელიც მე-

ტაკონიდისა და მეტასტილიდის საჩლვარს შეესაბამება. ჰიპოკონიდის წინა შტოს წვერო მყაფიოდ გამოეყოფა მეტაკონიდ-მეტასტილიდს. თუ ჰიპოკონიდის წინა შტოს დაქანებას მივიღებთ მსხვეველობაში, შიძძლება დავასკვნათ, რომ კბილის უკანა მუხლი წინა მუხლზე შესამჩნევად დაბალი იყო.

P₃. (ნახ. 3). გვირგვინი წაგრძელებულია. უკანა მუხლი წინა მუხლზე უფრო გრძელია და დაბალი. პარაკონიდი კარგადაა წარმოდგენილი. მისი შიდა კიდე უკან არის მიმართული. მეტაკონიდი გაუხლებელია. წინა მუხლი უკანა მუხლზე ვიწროა. ჰიპოკონიდის წინა წვერო მყაფიოდ გამოეყოფა მეტაკონიდს.

შედარება და ზოგადი შენიშვნები

ბ. კველაზე მნიშვნელოვანი ნიშანი, რომელის სისტემატიკური მნიშვნელობა ეჭვს არ იწვევს, არის თავის ქალას სახის ნაწილის ფორმა. თავის ქალას წინა ნაწილის წაგრძელებული ფორმით ხასიათდება.

ბ. ჯვეული Schizotherini, განსაკუთრებით კი ოლი-გოცუნური გვარი Schizotherium, მეორე ჯვეულის,

ნახ. 3



Chalicotheriinde-ს, წარმომადგენლებს თავის ქალას წინა ნაწილი გაცილებით უფრო მოკლე აქვთ. ამ მხრივ განსაკუთრებით დამახასიათებელია მილარებისა და პრემილარების შეუზრდება. ასე, მაგალითად, Chalicotheriinde-ს ჯვეფის მიოცენური Macrotherium magnum-ის M₃-ს სიგრძე 48 მმ უდრის, მაშინ როდესაც საერთო სიგრძე P₄+P₃=25 მმ+17მმ=42 მმ (ვ. დიტრიხი, 1928). ოლი-გოცუნური Schizotherium-ის წარმომადგენლებს P₄ და P₃ თითქმის ერთნაირი სიგრძისა აქვთ, მათი სიგრძების ჯამი M₃-ს სიგრძეს აღემატება.

ჩვენი ფორმა მოლარებისა და პრემილარების სიგრძეთა შეფარდების მიხედვით (ტაბულა 1) შექარად Schizotherium-ს ეკუთვნის.

რიგი ნიშნები—პატარა ზომები, მყაფიოდ გამოსახული ქუსლი მესამე საძირე კბილზე (M₃), მეტაკონიდის სუსტი გახლებილობა, მეტაკონიდ-მეტასტილიდისა და ჰიპოკონიდის შერწყმა—ასევე დასტურებს ჩვენი ფორმის Schizotherium-ისათვის მიკუთხების სისწორეს.

ზოგიერთი მკელევარი (არამდურგი და პივეტო, 1929, ტელარ დე-შარლენი, 1929) დიდ მნიშვნელობას აძლევს ქვედა ყბის სიმფიზის დასაწყისის მდებარეობას. მათი მონაცემების მიხედვით, ხალიკოთერიუმების მიოცენურსა და პლიოცენურ წარმომადგენლებს სიმფიზი P₃-ის წინა კიდის ან შეა ნაწილის გასწვრივ ეწყებათ. ოლიგოცენურ ფორმებს სიმფიზის დასაწყისის საგრძნობლად აქვთ დაშორებული P₃-ს (ჩვეულებრივ, 20 მმ მეტად). ჩვენს ნიმუშზე ქვედა ყბის ნაწილი P₃-ს წინ 13 მმ მანძილზეა დაცული და სიმფიზის კვალი მას არ უჩნიერა. მიგვარდდ, ეს ნიშანიც იმას მოწმობს, რომ ჩვენი მასალა Schizotherium-ს ეკუთვნის.

ოლიგოცენის ხალიკოთერიუმები ძალიან სუსტადაა შესწავლილი. Schizotherium-ის სუსტად სახეა ალწერილი. ყველაზე ცნობილი S. priscum ქრისს ფოსტორიტებიდან (ფილოლ, 1894; მეთიუ და გრენჯერ, 1923, 1923; ოსმორი, 1913) და S. avitum—მონგოლეთის ოლიგოცენიდან (მეთიუ და გრენჯერ, 1923, 1925; ტელარ დე-შარლენ, 1926).

კბილების ზომები ჩვენს ფორმის თითქმის ისეთივე აქტს, როგორც *S. priscum*-ს. განმასხვავებელი ნიშნებია: უფრო სუსტად განვითარებული ქუსლი (ტაბულა II), თითქმის ერთნაირი სიგანის ტრიგონიდი და ტალონიდი (*S. priscum*-ს ტრიგონიდი უფრო ფართო აქტს, ვიდრე ტალონიდი); *M₃*-ის სიგრძე მის გაორკულებულ სიგანეს აღმატება (*S. priscum*-ს *M₃*-ის სიგრძე გაორკულებულ სიგანეზე ნაკლებია); პიპიკონიდის წინა შტო არ არის მეტაკონიდ-მეტა-სტილიდან მთლანად შერწყმული. *S. priscum*-ის კბილებზე აღნიშნული ელე-მენტების სრულ შერწყმას აქტს იდგილი. ჩვენი ფორმის კბილებზე საყელო საგრძნობლად უფრო სუსტად არის განვითარებული, ვიდრე *S. priscum*-ის შე-საბამ კბილებზე.

რაც შეეხება *S. avitum*-ს, *M₃*-ის ზომების მიხედვით იგი ჩვენს ფორმაშე უფ-რო პატარაა (ტაბ. II). მესამე მოლირის ქუსლი *S. priscum*-ს უფრო აქტს რედუ-ცირებული, ვიდრე *S. priscum*-ს. ამ მხრივ იგი აღწერილ სახეს უახლოვდება. *S. avitum*-ის კბილებზე საყელო სუსტადა განვითარებული, მაგრამ მაინც უკეთ არის წარმოდგენილი, ვიდრე აღწერილ კბილებზე. მეტასტილიდი ჩვენი ფორ-მის გაცილებით უფრო სუსტად აქტს წარმოდგენილი, ვიდრე *S. avitum*-ს. ჩვენი ფორმისაგან განსხვავდებოთ, უკანასკნელს პიპიკონიდის წინა შტო და მეტაკო-ნიდ-მეტასტილიდი საგსებით შერწყმული აქტს. *P₃*-ის პარაკონიდი შას არ აქტს უკან გადარიცოთ, როგორც აღწერილ ფორმას.

ევინგენის ზედა ოლიგოცენის *S. wetzleri*-საგან [6] და კერსის *S. modi-cum*-ისაგან (შრომერი, 1883; შტელინ, 1905) ჩვენი ფორმა განსხვავდება გაცილე-ბით უფრო მცირე ზომებით, უფრო სუსტად განვითარებული მეტასტილიდით, პიპიკონიდის წინა შტოსა და მეტასტილიდის არასრული შერწყმით, ქუსლისა და საყელოს ნაკლები რედუქციით.

განსკუთრებული უფრადღების ღირსია *S. turgaicum* შუა აზიის ოლიგო-ცენიდან [1, 2]. ეს ფორმა, კოლბერტის აზრით [7], ხასიათდება პრიმიტიული ნიშნებით, როგორთა საფუძველზე სწორი იქნებოდა მისი ცალკე გვარიდ გამო-ყოფა. ეს პრიმიტიული ნიშნებია: პიპიკონიდის წინა შტოს დაშორებული მე-ტასტილიდი და ვიწრო ასტრაგალი ბლოკის ლრმდ ამონალარით. ე. კოლბერ-ტი ამ ფორმის *Chalicotherioides*-ს ჯგუფს უკავშირებს. აღწერილი სახე უკელ აზე ძეტად სწორედ *S. turgaicum*-ს უახლოვდება. ჩვენი ფორმის კბილები თითქმის *S. turgaicum*-ის შესაბამი კბილების ზომისაა. პიპიკონიდის წინა შტოს არასრუ-ლი შერწყმა მეტასტილიდათან ასევე დამისახითებელია ბენარას კბილებისა-თვისაც. ასტრაგალი ჩვენ არ გვაქტს, მაგრამ *tibia*-ს დისტალური ბოლოს აგე-ბულება მოწმობს, რომ ასტრაგალის ბლოკის ამონალარი ჩვენს ფორმისაც ლრმდა უნდა ჰქონოდა.

S. turgaicum-ისაგან ჩვენი ფორმა, როგორც ჩანს, განსხვავდება გაცილე-ბით უფრო სუსტად განვითარებული ქუსლით (მართალია, *S. turgaicum*-ის *M₃* არ არის ცნობილი, მაგრამ ქუსლის მაგარი წარმონაქმნი მის *M₃*-ზეც კი არის წარმოდგენილი, რაც საგსებით აღასტურებს ზემოაღნიშნულ მოსახრების). უფ-რო სუსტად აქტს განვითარებული ჩვენს ფორმას ასევე შეტასტილიდი, როგორც *S. turgaicum*-ის კბილებზე მეტაკონიდისაგან მკაფიო ლარით არის გამო-ყოფილი. გარდა ამისა, *S. turgaicum*-ის კბილებზე კარგად არის წარმოდგენი-

ლი საყელო და განვითარებულია დამიტებითი ელემენტები (მაგალითად, პარა-სტრილიდის მაგვარი რამ M₁-ის პარაკონიდის გარეთა მხარეზე).

ამგვარად, ალწერილი სახის გაიგიენდა რომელიმე ცნობილ ფორმასთან შეექცებელია. ვეყრდნობით რა ნიშნების თავისებურ ერთობლიობას (სუსტად განვითარებული მეტასტრილიდი, შედარებით რეცუციირებული ქუსლი და სა-ყელო, მეტასტრილიდისა და ჰიპოკონიდის წინა შტოს არასრული შერწყმა და სხვ.), ალწერილ მასალას გამოყოფთ ახალ სახედ (*Schizotherium chuchuae* n. sp.).

ჩვენ არ გვეთავას, რომ ქუსლის განვითარებას განსაკუთრებული ფილო-გენეტური მნიშვნელობა ჰქონდეს, მაგრამ მისი შესამჩნევი რეცუცია, დამახასიათებელი ალწერილი ფორმისთვის, ისევე როგორც სხვა სხვა სოლოფრიუმებზე (*S. priscum*-ის გამოყლებით) მეტი ღამოკლება პრემოლარებისა, შესაძლებელია, მაინც მოწმობდეს, რომ ჩვენი ფორმა, *S. turgaicum*-თან ერთად, *Chalicotherium* ჯგუფი კიდევ უცნობ წინაპრებს უახლოვდება. სამწუხაროდ, მასალის სიმკირე არ გვაძლევს საშუალებას ამ საკითხზე უფრო დაბეჭითებით ვიმსჯელოთ.

უნდა აღინიშნოს, რომ, ჩვენი აზრით, სისტემატიკური მნიშვნელობა აქვს მეტასტრილიდისა და ჰიპოკონიდის წინა შტოს არასრული შერწყმის მომენტს (მხედველობაში ვიღებთ მხოლოდ სუსტად ან საშუალოდ მოცვეთილ კბილს, რადგან ძლიერ მოცვეთილ კბილზე აღნიშნული ელემენტების შერწყმას მუდამ აქვს ადგილი). მეტასტრილიდისა და ჰიპოკონიდის არასრული შერწყმა დომა-ხასიათებელია, ძირითადად, ოლიგოკენური ფორმებისათვის (თუმცა იგი კარ-

 M₃ გამოლების ზისი (მმ-ით) ცხრილი 1

გამოლები	Schizotherium-ის სახეები						
	<i>S. chuchuae</i>	<i>S. avitum</i>	<i>S. cf. avitum</i>	<i>S. modicum</i>	<i>S. weitzleri</i>	<i>S. turgicum</i>	<i>S. priscum</i>
M ₃	29,8	25,3	—	36	36	—	30,0
M ₂	24,5	—	32	28	32	23,5	26,5
M ₁	18,5	18	25	22	26	18	22
P ₄	15	—	20	20,5	21	15	15,2
P ₃	16	—	21	17,5	19,5	—	14,6
P ₂	—	—	15	—	—	—	—

 M₃ ზომები და ზისი ელემენტები (მმ-ით)

ცხრილი 2

M ₃	Schizotherium-ის სახეები		<i>S. avitum</i> (მეტასტრილიდის მიხედვით)	<i>S. priscum</i> (მეტასტრილიდის მიხედვით)
	<i>S. chuchuae</i>	<i>S. priscum</i>		
M ₃ -ს სიგრძე	29,8	25,3	—	30,0
ქუსლის სიგრძე	2,2	2,2	3,2	—
ტოვონ-ტოს სიგანე	14,5	11,9	15,1	—
ტოვონიდის „	13,9	12,1	13,9	—
ქუსლის	7,3	4,0	9,5	—
გვირგვინის სიგრძესა და ტოვონიდის სიგანეს შეფარდება	2,05:1	1,13:1	1,88:1	—

გადაა წარმოდგენილი ოლიგოცენისა და მიოცენის მიჯნაზე გავრცელებული Phyllotillon-ის ზოგიერთ კბილზე) და, უთუოდ, სპეციალიზაციის დაბალ დონეს მოქმედს. მეტასტილიდისა და ჰიპოკონიდის წინა შროს სრული შერწყმა აღმართ ამაგრებდა კბილს და ზრდიდა მის წინააღმდეგობას მოცველისადმი.

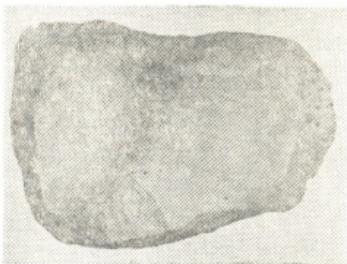
აღწერილ სახეს ჩვენ ვაკუოვნებთ მარცხენა tibia-ს (ნაბ. 4). რომელიც ძვლის სხეულის დიდი ნაწილითა და დისტალური ბოლოთი არის წარმოდგენილი.

ზომები (მმ)

დისტალური ბოლოს ზომები: 66×48

დიაფიზის შეუ ნაწილის სიგანე—43

დისტალური ბოლოს სახსრის ზედაპირი (ნაბ. 4) მომრგვალო-ოთხკუთხა ფორმისაა. ორი ფოსოდან, რომელიც ასტრაგალის ბლოკის კონსუების ქედებს შეესაბამება, ტიბიალური-ლრმაა, ფიბულარული—ნაკლები სილრმის. ფოსოები გაცოფილია საკმაოდ მაღალი ირიბი ქედით.



ნაბ. 4

ჩვენი tibia-ს მცირე ზომები და მოხდენილი ფორმა, რომლითაც ის ზოგად ხაზებში ცხენის შესაბამ ძვალს მოგვაგონებს, გარევეულიდ მოქმედს, რომ იგი Schizotherium-ს ეკუთვნის. მიოცენური ხალიკოთერიუმების tibia გაცილებით უფრო მასიურია, ვიდრე ჩვენი.

საჭართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემია

პალეობიოლოგიის სექტორი

(რედაქციას მოუვიდა 25.11.1950)

დამზადული ლიტერატურა

1. А. А. Борисяк. Об остатках Chalicotherioidea etc. Изв. Росс. Акад. Наук, т. XIII, 1920.
2. А. А. Борисяк. Остатки Chalicotherioidea etc. Ежегодн. Русск. палеонт. Общ., т. III, 1921.
3. А. А. Борисяк. Новый представитель халикотериев из третичных отложений Казахстана. Тр. Пал. Инст., т. XIII, вып. 3, 1946.
4. А. А. Борисяк. Основные проблемы эволюционной палеонтологии. М.—Л., 1947.
5. А. Борисяк и Е. И. Беляева. Местонахождения третичных наземных млекопитающих на территории СССР. Тр. Пал. Инст., т. XV, вып. 3, 1948.
6. В. О. Ковалевский. Монография рода Anthracotherium. Palaeontographica. Bd. XII, 1876.
7. E. Colbert. A classification of Chalicotheres. Amer. Mus. Novit., 798, 1935.
8. W. Matthew. Critical observations upon Siwalik mammals. Bull. Amer. Mus. N. H. LVI, art. VII, 1929.
9. M. Schlosser. Über Chalicotherium-Arten, N. Jb. f. Min etc. Bd II, 1883.
10. H. G. Stehlin. Die Säugetiere des schweizerischen Eocaens. Abh. Schw. pal. Ges. Bd XXXI, 1905.

ტექნიკა

ლ. აჩალიშვილი

მღვერტრული რეცენზების მოძღვა ჩართვის დენიგისგან დაცვის
სეციონის მიზანის აღგილდებარეობის განხაზღვა

(ჭარმალური აკადემიის მამულობა წევრმა ა. დიდებულიძემ 17.1.1951)

1. ელექტრული რეინგზების მუდმივი დენის მხარეზე მოკლე ჩართვის დენებისაგან დაცვას ახორციელებენ სხვადასხვა სქემით [1], რომელთა შორის უმეტესი გავრცელება ჰპოვა სქემაზე შუალედი ავტომატური სექციონირების წერტების დადგმით.

წერტის ადგილდებარეობა ირჩევა როგორც ქვესადგურების, ისე თვით შუალედი ავტომატების რეგულებადობის პირობით. პრაქტიკულად წერტის ადგილის განსაზღვრა ჭარმალური დამაკმაყოფილებელი ვარიანტის შერჩევას.

მოცულ წერილში მოყვანილია ქვესადგურების ავტომატების მოქმედების ტოლსანდობის პირობით სექციონირების წერტის ადგილის პირდაპირი განსაზღვრის წესი, რომელიც უთუოდ გააადვილებს საბოლოო ვარიანტის შერჩევას.

2. სწრაფმოქმედი ავტომატის I_s დაყენების დენი განისაზღვრება უტოლობით

$$I_k > I_s > I_l,$$

სადაც I_k და I_l , სათანადოდ, მოკლე ჩართვისა და დატვირთვის საანგარიშო დენებია.

$I_k > I_l$ უტოლობის ავტომატის ტიპზე დამოიდებულ დიაპაზონში გათვალისწინებულია ხოლმე რეგულების უზუსტობის მარაგი. მინიმალური $I_k - I_l$ სხვაობის დაცვისას ავტომატის რეგულების სიმარტივე და მისი მოქმედების სანდოობა შეიძლება შეფასებულ იქნეს ფარდობითი

$$\delta I = \frac{I_k - I_s}{I_s}$$

ინტერვალით.

3. მუდმივი დენის მხარეზე მოკლე ჩართვის დენი შეიძლება განისაზღვროს

$$I_k = \frac{\beta E}{R + r_s x}$$

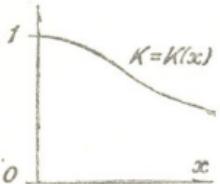
ფორმულით, სადაც

$$r_s = \frac{17,8}{q} + k\rho, \quad (1)$$

ხოლო β არის ქვესადგურის მახასიათებელსა და მკებავი გადაცემის ხაზზე დამოკიდებული კოეფიციენტი [1], E —ქვესადგურის სალტენბზე ძაბვა, R —ძვე-

Сафагулінаса да მკებავი ხაზის ჯამური წინალობა, q —ქსელის განვივეთი, ρ —სარელსო წრელის გრძივი წინალობა, k —ყმირის გამტარობაზე შემასწორებელი კოეფიციენტი და x —მოკლე ჩართვის მხარი.

კოეფიციენტი k დამკიდებულია x მხარეზე და რელს-ყამირის გადასკლის წინალობაზე [1,2]. მოცემული გადასკლის წინალობისას k შეიძლება გამოხატულ იქნეს x -ის საშუალებით, 1 ნახ.ზე ნაჩვენების მსგავსად.



ნახ. 1

ამასთან დაკავშირებით r_x ქსელის გრძივი წინალობა, (1) თანახმად, წარმოიდგინება x -ის ფუნქციად.

4. L-კილომეტრიანი უბნის A და B ქვესადგურებიდან ორმხრივი კვებისას და სექციონირების c და d (ნახ. 2) ორი წერტის დროს ქვესადგურის ავტომატებისათვეს მოკლე ჩართვის საანგარიშო სქემას ესაბამება ჩართვა სექციონირების წერტებთან. თუ წერტების დაშორება ქვესადგურების შეადგენს, მაშინ მოკლე ჩართვის დენები გამოხატული იქნება

$$I_{KA} = \frac{\beta_A E_A}{R_A + r_{XA} x_A} \quad \text{და} \quad I_{KB} = \frac{\beta_B E_B}{R_B + r_{XB} x_B}$$

სიდიდეებით, ხოლო მოქმედების ტოლსან ფორმა პირობა—ფარდობითი ინტერვალების ტოლობა $\delta I_A = \delta I_B = \Delta$ მიიღებს

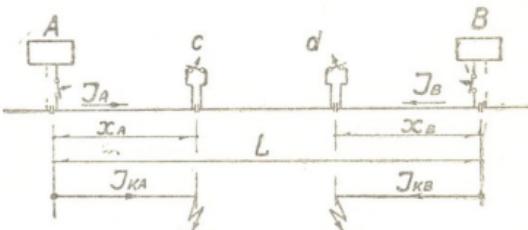
$$I_A \frac{R_A + r_{XA} x_A}{\beta_A E_A} = I_B \frac{R_B + r_{XB} x_B}{\beta_B E_B} \quad (2)$$

განტოლების სახეს, სადაც I_A და I_B სათანადო ქვესადგურების მკებავები ხაზის საანგარიშო დატვირთვის დენებია.

სექციონირების წერტების საძიებელი ადგილმდებარეობა განისაზღვრება (2) განტოლებილან.

(2) განტოლება შეიძლება ამისათვის საკუთრებული და მარჯვენა მხარეები, როგორც ეს ნაჩვენებია ნახ. 3-ზე, x_A -ს A -დან, ხოლო x_B -ს B -დან ათვლით.

5. ყველაზე გავრცელებულ შემთხვევაში სექციონირების ერთი წერტით დაცვის განხორციელებისას $x_A + x_B = L$ (ნახ. 3-ზე I ზომები) და სექციონირების წერტის მდებარეობა განისაზღვრება g წერტილით, ორი მრუდის g' გადაკვეთის აბსცისით.



ნახ. 2

გლუქრული რკინიგვების მოკლე ჩართვის დენებისაგან დაცვის... განსაზღვრა

მაგრამ პრაქტიკულ ანგარიშებში ნახ. 3-ის აგება შეიძლება საგრძნობ-ლად გამარტივდეს ყამირის გაელვნის უგულვებელყოფით, სახელდობრ r_x -ის, (1)-დან, უბნის შეისათვის განსაზღვრით

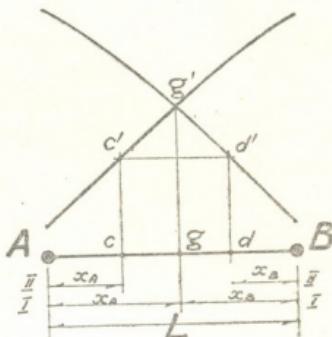
$$r = r_x|_x = \frac{L}{2}.$$

ამ შემთხვევაში (2) განტოლების ამონანა განხორციელებულ იქნება 4 ნახ. აგებით, სადაც

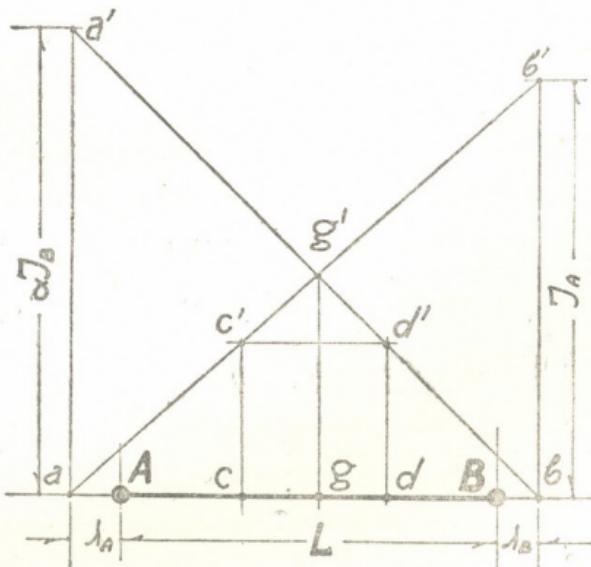
$$\lambda_A = \frac{R_A}{r}, \quad \lambda_B = \frac{R_B}{r}, \quad \text{ხოლო } \alpha = \frac{\beta_A E_A}{\beta_B E_B}$$

და მიიღება g' გაუაკვეთის წერტილის g აბსციის სახით. პრაქტიკულად ნახ. 4-სა და ნახ. 3-ის აგებათა სიზუსტე ტოლფასონია.

ნახ. 4-დან ჩანს, რომ სექციონირების წერტი უნდა სცილდებოდეს უბნის შუას. სახელდობრ, იდენტური ქვესადგურებისას ($\lambda_A = \lambda_B$ და $\alpha = 1$) სექციონირების წერტი უნდა გაიშიოს მეტიღნიანი ქვესადგურისაკენ. ერთხაირი დატვირთვის დენებისას ($I_A = I_B$, მაგრამ $\alpha \neq 1$)



ნახ. 3



ნახ. 4

სექციონირების წერტი უნდა უახლოვდებოდეს ქვესადგურს სალტეებზე ნაკლები ძაბვით. ქვესადგურებს შორის დატვირთვის გადანაწილებისათვის მათი

სალტეებზე ძაბვის რეგულებამ შეიძლება გამოიწვიოს ფარდობითი ინტერა-
ლების მხოლოდ მცირე შეცვლა—მხოლოდ უმნიშვნელოდ დარღვიოს
ქვესადგურის ავტომატების მოქმედების ტოლსანდობა.

5. სექციონირების წერტის ადგილის შერჩევის მოყვანილი მოსახრებანი
აგებულია მხოლოდ ქვესადგურის აეტომატების რეგულებადობის პირობაზე.
შერჩეული ადგილი, ცხადია, უნდა შემოწმდეს თვით სექციონირების წერტის
ავტომატის რეგულებადობაზე. მისი რეგულადობა მოითხოვს სექციონირების
წერტის მოთავსებას შერჩეული სადგურის უბნის შუისაკენ მოქმედული ქვების
გაყოფაზე.



ნახ. 5

სახელდობრ, თუ ვერტიკალი mm' (ნახ. 5) წარმოადგენს უბნის შუას,
ხოლო 3 ან 4 ნახ.-ის აგების თანახმად სექციონირების წერტის ადგილმდება-
რებობა უნდა შეესაბამებოდეს g წერტილს, მაშინ სექციონირების წერტი
უნდა აგებულ იქნეს g -ს მახლობელ სადგურ a -ში, უბნის mm' შუისაკენ მოქ-
მედულ G კვების გაყოფაზე.

7. ორი სექციონირების წერტით დაცვის დროს მათი განლაგება წყდე-
ბა იმავე 3 ან 4 ნახ.-ის თანახმად. სახელდობრ, ა სექციონირების წერტის
რაიმე ადგილისათვის d -ს მდებარეობა მოიძებნება $c'd'$ პორიზონტალის გატა-
რებით. პრაქტიკულად ორი სექციონირების წერტის განლაგება დაიყვანება
გარიანტების შედარებაზე. $x_A \cong x_B \cong \frac{1}{3} L$ (იხ. ნახ. 3, ზომები II) პირობით
შერჩეული ორი სადგურისათვის c' და d' წერტილებზე ტარდება სწორი $c'd'$.
სექციონირების წერტების განლაგების ორი წყვილიდან უნდა მიღებულ
იქნეს ის წყვილი, რომლისათვის $c'd'$ უფრო ახლოა პორიზონტალთან.

საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემია
ა. დიდგულიძის სახ. ენერგეტიკის ინსტიტუტი
თბილისი

(რედაქცია მოღვიდა 30.1.1951)

დამზადული ლიტერატურა

1. К. Г. Марквардт. Энергоснабжение электрифицированных железных дорог. Москва, 1948.
2. Б. Г. Лорткипаниձ. Теория распределения токов и потенциалов в обратной сети электрических ж. д. დისტრიბუცია (ხელნაშრი ინახება საქ სსრ მეცნ. აკადე-
მიის ენერგეტიკის ინსტიტუტში, 1946).

მინისტრი

გ. მოსტოვი

ჰიდროელექტროსადგურების განტოლება

(წარმოადგინა აკადემიის ნამდვილმა წევრმა ა. ლილებულიძემ 23.11.1950)

ჰიდროელექტროსადგურების დაპროექტებასა და ექსპლოატაციასთან დაკავშირებული განგარისებები შეიცავს რეგულირების ამოცანას, ე. ი. წყალსა-ცავში წყლის დონის, წყლის მოდინებისა და კარგვასთან დაეკავშირებით ენერ-გიის გამომტკიცების განსაზღვრას; ამსთან შეიძლება დატვირთვა მოცუმულად ჩაითვალოს ან, პირიქით, მისი მნიშვნელობა დავადგინოთ წყლის რეემის პირობების მიხედვით. მოყვანილ შემთხვევებში აუცილებელია მხედველობაში მივიღოთ ტურბინის მარგი ქმედების კოეფიციენტის ცვალებადობა, დაწნევის კარგვის სიდიდე წყლის სხვადასხვა ხარჯის დროს, აგრეთვე შეტბორვა ქვედა ბიეგში. გარდა ამისა, არსებობს ისეთი ამოცანები, რომლებიც დაკავშირებულია სადგურებს შორის დატვირთვის განაწილებაზე, გამთანაბრებელ რეზერ-ვუარებში წყლის დონის რევერსის მდგრადობაზე და სხვ. ხსენგბული ამოცანები როგორც დაწნევა, ისე ტურბინების შევსება და, მაშასადამე, მათი მარგი ქმედების კოეფიციენტიც, იცვლება აგრეთვე ჰიდროლოგიური და სისტემის რეემიტი. ამიტომ ზოგადი და მასთან საქმიოდ ზუსტი გადაწყვეტა, სხვადასხვაგვარი ფაქტორის მხედველობაში მიღებით, შეუძლებელი ხდება. მიუხდავად ამისა, საჭიროა პრაქტიკული თვალსაზრისით საქმიოდ ზუსტი მეთოდის დადგენა, რომელიც მოხერხებულობით არ ჩამორჩება მრავალრიცხოვან გრაფიკულ მეთოდებს.

ჩვენ დავემყარებით ჰიდროელექტროსადგურის მახსიათებელ განტოლებას, შემოქლებით ჰიდროელექტროსადგურის განტოლებას, რომელსაც გამოისახავთ $N = N(H, Q)$ -ით შემდეგნაირად:

ვთქვათ, მოცემულია ჰიდროელექტროსადგურის სქემა. თუ მივიღოთ წყალსაცავის სხვადასხვა $H_1, H_2 \dots$ შევსებას, მომუშავე აგრეგატების სხვა-დასხვა რიცხვს, აგრეთვე თუ გვექნება მარგი ქმედების კოეფიციენტის მნიშვნელობები, რომლებიც შეესაბამება მოცემულ დაწნევას და ტურბინებში გამდინარე წყლის ხარჯს, განვისაზღვრავთ N სიმძლავრეს. აგრეგატებს შორის სიმძლავრის განაწილებას დავადგენთ ან ხელსაყრელი ენერგეტიკული დატვირთვის სქემის, ანდა ექსპლოატაციის მოთხოვნათ შესაბამისად. რამდენადაც: ნაკლები იქნება წნევის ფართობითი კარგვა ჰესის ნაგებობებში, იმდენად ამ მნიშვნელობების $N - Q$ გრაფიკზე გამოსახვა მოგვცემს წრფეთა კონის მიახლოებით სახეს. ამ კონის განტოლება შემდეგი მოსაზრებიდან დაიწურება:



წარმოვიდგინოთ $N = N(H, Q)$ გამოსახულება ტეოლოგის მწერევის სახით ორი ცვლადი $\Delta Q = Q - Q_0$ და $\Delta H = H - H_0$ სიცილისათვის, ე. ა.

$$N = N(H_0, Q_0) + \Delta Q \frac{\partial N}{\partial Q_0} + \Delta H \frac{\partial N}{\partial H_0} \\ + \frac{1}{2!} \left(\frac{\partial^2 N}{\partial Q_0^2} \Delta Q^2 + 2 \frac{\partial^2 N}{\partial Q_0 \partial H_0} \Delta H \Delta Q + \frac{\partial^2 N}{\partial H_0^2} \Delta H^2 \right) + \dots$$

$$N = N_* + aH + b\mathcal{Q} + c\mathcal{Q}H + dH^2 + f\mathcal{Q}^2 + \dots \quad (1)$$

თუ Q და H -ის ათვების წრიული გამოსახულებებით დაკმაყოფილდებით, მივიღებთ წრფეთა კონის განტოლებას:

$$N = N_* + aH + b\bar{Q} + c\bar{Q}H, \quad (2)$$

რომელსაც ჰიდროსადგურის განტოლებას უვწოდებთ. ამცანის პირობების მიხედვით მოცემული განტოლების კოეფიციენტების განსაზღვრა სხვადასხვა-ნაირად ხდება, კრძალ, გართანაბრებელი რეზერვუარიდან წყალსაზავიმდე წყლის დონის ჩაევის გამოკვლევისას კოეფიციენტების განსაზღვრისათვის სა-ჭიროა დაწერების კარგვის მხედველობაში მიღება მხოლოდ მოცემულ უბანზე. კოეფიციენტების გამოთვლისას საჭიროა წინასწარ გვქონდეს რეექტიმის მოსა-ლოდნელი შეცვლის ზონაში უშუალოდ გამოთვლილი ცვლადი სიღილეების N , H და Q -ს არა ნაკლებ ოთხ მისშენელობისა. ამ მიზნებისათვის შემდეგ (2) განტოლების პარამეტრების პონა შეიძლება კარმანის ფორ-მულით.

შაგალითის სახით⁽¹⁾ მოვყეყავს განტოლება ერთ-ერთი ჰიდროლუქტრო-სადგურისთვის, რომლის კაბინის სიმაღლე $H_{\pi} = 145$ მ, დერივაციონ შექნიალი დაწევვა კი $H_{\theta} = 22$ მ, ჰიდროლუქტროსადგურის ოთხ ტურბინაში გამავალი წყლის ხარჯის ზღვრული სიღიდუ 200 მ³/სკ აღწევს. (2) განტოლებაში შემძებლი პარამეტრების მნიშვნელობების განსაზღვრისათვის თითოეული ინტერვალისთვის, რომელიც მოცემულ მომუშავე მანქანების რიცხვს შეესაბამება, გამოთვლილია ოთხ-ოთხი წერტილი.

მაგალითად, $50 > Q > 20$ მ³/სეკ ხარჯისთვის მოცუმულია 1...4 წერტილი, რომელთა მნიშვნელობები ასეთია:

၂၅၁၉၀၈၁၀	I	2	3	4
နာရွှဂ် ၆၇/၂၅၂	20	50	20	50
ဇာနိုင်း၊ ၃	100	100	145	145
ကျမိုင်လာရွှေ အတောက် ၂၅၆	19,I	53,6	26,7	75,I

(1) მაგალითი შესრულებულია უმც. მე კ. თანამშრომლის ო. ყანჩაველის მიერ.

აღნიშვნული ხარჯის, დაწევისა და სიმბლაკრის მნიშვნელობების (2) განტოლებაში შეტანის შემდეგ გამოთვლილია განტოლების კოეფიციენტების სისილეები ხარჯის მოცულეულ ზღვებში (ინტერვალებში). ანალოგიური ოპერაცია შესრულებულია სხვა ინტერვალებისათვისაც, რის შედეგადაც გამოთვლილია კოეფიციენტების მნიშვნელობები ჰესის შესაძლებელი სიმბლაკრების-თვეის:

ବାର୍ଷିକୀୟ ନେଟ୍ ପ୍ରଫାର୍ମ୍‌ଯା- ଲ୍ୟୁଡୋ	50	50—100	100—150	150—200
N_*	-0,19	+11,14	+44,5	+85,87
a	-0,037	-0,190	-0,440	-0,690
b	+0,120	-0,011	-0,221	-0,381
c	+0,0103	+0,0115	+0,0126	+0,0131

ცრილში მოყვანილი კოეფიციენტების საფუძველზე გამოთვლილი ჰესის სიმძლავრის მიზანერთულობები კარგად ემთხვევა უშუალო გაანგარიშებებით გან-სახლოესულ მიზანერთულობებს.

ჩამოვაყალიბოთ ზოგიერთი ძმოცანა:

1. განვსაზღვროთ ენერგეტიკული ტევაღობა, ე. ი. ჰიდროელექტროსად-
გურის წყალსაცავის ენერგიის მარაგი. წყალსაცავის მოცულობის დამოკი-
დებულება შევსებასთან, ე. ი. $V(H)$, ჩაითვალოთ მოცულობაზე. წყლის მოდი-
ნება და კარგვა ძარა გვიძებს, მოხმარება შედინივა დროის მოცულების შუალედში.

$$\Theta_B = \int_{T_0}^T N dt, \quad (3)$$

$$\mathfrak{S}_B = \int_{\mathbb{T}} [N_0 + aH + Q(b + cH)] dt. \quad (3')$$

განვიხილოთ ინტეგრალები:

$$\int_{\mathbb{T}} N_* dt = N_* T,$$

საჭაც T წყალსაცავის დონის დაწევის შესაბამისი დროის მონაკვეთია.

$$b \int_{\bar{T}} Q dt = b(V_2 - V_1)$$

წარმოადგენს T დროის მონაცემში წყალსაცავიდან გასული წყლის მოცულობას. რაც შეეხება $a \int_0^T Hdt$, რადგან დონის დაწევის კანონის დადგენა შე-

იძლება წყლის მოხმარების მუდმივობის პირობიდან, $dt = -\frac{dV}{Q}$ შეცვლისა და წყალსაცავის ოროგრაფიული ფუნქციის $V = kLi^m$ შეტანის შემდეგ მივიღებთ:

$$\int_{T_1}^{T_2} H dt = -\frac{km}{Q} \int_{2}^1 H^m dH \quad (Q \text{ მუდმივია}).$$

ამრიგად ვლებულობთ, რომ

$$\int_{T_1}^{T_2} H dt = \frac{km}{m+1} \frac{H_2^{m+1} - H_1^{m+1}}{Q} = \frac{m}{m+1} \frac{H_2 V_2 - H_1 V_1}{V_2 - V_1} T.$$

დაბოლოს,

$$\int_{T_1}^{T_2} H Q dt = \int_{2}^1 -\frac{dV}{dt} H dt = \frac{m}{m+1} (H_2 V_2 - H_1 V_1).$$

თუ მიღებულ გამოსახულებებს შევიტან (3')-ში, მივიღებთ, რომ წყალსაცავის ენერგია, მისი დონის 1-დან 2-მდე დაწევისას, შეადგენს:

$$\Theta_B = N_* T + b(V_2 - V_1) + \frac{m}{m+1} (H_2 V_2 - H_1 V_1) \left(\frac{a}{Q} + c \right). \quad (4)$$

(4) განტოლება გამოიყენება მხოლოდ იმ ზღვრებისთვის, რომლებშიც (2) განტოლების კოეფიციენტებია განსაზღვრული. ჩაც შეეხება წყალსაცავის დონის დაწევის (დამუშავების) პერიოდის ხანგრძლივობას, მისი განსაზღვრა ზესაძლებელია მოცემული ტურბინების მოხმარების მიხედვით, ე. ი.

$$T = \frac{V_2 - V_1}{Q}.$$

იმ შემთხვევაში, როდესაც მოხმარება ცვალებადია, ამოცანის გადაწყვეტა რთულდება. თუ შეცვლით

$$\int_{T_1}^{T_2} H dt = \int_{T_1}^{T_2} \left(\frac{V}{H} \right)^{1/m} dt, \quad \text{სადაც } V = - \int Q dt,$$

შეგვიძლია ინტეგრალი გამოვთვალოთ იმ შემთხვევისთვის, როდესაც $Q(t)$ კანონი ცნობილია. მაგრამ უფრო მარტივია მივიღოთ

$$\int_{T_1}^{T_2} H dt = TH_{ep}.$$

ამ შემთხვევაში (4)-ის ნაცვლად ვიპოვით

$$\Theta_B = T \left(N_* + a \frac{H_1 + H_2}{2} \right) + b(V_2 - V_1) + c \frac{m}{m+1} (H_2 V_2 - H_1 V_1). \quad (5)$$

2. განვსაზღვროთ წყალსაცავის დონის დაწევა, როდესაც წყლის მოდინების აქტი ადგილი; პირორსადუქტს, როგორც ზემოთ, დერივაცია აქტი, ტურბინების მიერ წყლის მოხმარება განისაზღვრება დატვირთვის მოცემული კანონის საფუძველზე.

гидравлического течения в трубе с переменным сечением

$$Q = Q_p - Q_u - \frac{dV}{dt}. \quad (6)$$

$\frac{dV}{dt}$ -с. Число Ньютона определяется из уравнения (6) гидравлическим сопротивлением в трубе с постоянным сечением. Тогда $Q_p = Q_u + \frac{dV}{dt}$. Для этого в уравнение (6) подставляем $Q_p = Q_u + \frac{dV}{dt}$, получим

$$\Theta_r = \int_t [N_* + aH + (b + cH) \left(Q_p - Q_u - \frac{dV}{dt} \right)] dt. \quad (7)$$

Гидравлическое сопротивление в трубе с постоянным сечением определяется из уравнения (3) вида

$$\Theta_r = \Theta_b + \int_t (b + cH) (Q_p - Q_u) dt. \quad (8)$$

Выведем уравнение (8) для гидравлического сопротивления в трубе с постоянным сечением. Для этого в уравнение (8) подставляем $Q_p = Q_u + \frac{dV}{dt}$, получим

$$\Theta_r = \int_t (b + cH) (Q_p - Q_u) dt. \quad (9)$$

Уравнение (9) для гидравлического сопротивления в трубе с постоянным сечением имеет вид

(9) $\Theta_r = \int_t (b + cH) (Q_p - Q_u) dt$. Уравнение (9) для гидравлического сопротивления в трубе с постоянным сечением имеет вид

также уравнение (9) для гидравлического сопротивления в трубе с постоянным сечением имеет вид

$$H_{i+1} = H_i - \frac{N_{ep} - N_* - bQ_{ep}}{\frac{1}{2}(a + cQ_{ep}) + \frac{Si}{T}(cH_i + b)}. \quad (11)$$

(11) გამოსახულება შეიძლება გამოყენებულ იქნეს დონეების თანმიმდევრობითი მნიშვნელობების განსახლებისათვის. $\varphi_{\text{ep}} = \text{const}$ აღნიშნულია მდინარის საშუალო ხარჯის მნიშვნელობა კარგვის მოცემული დროის ინტერვალის განმავლობაში, S წარმოადგენს რეზერვუარის ზედაპირის (სარკის) ფართობს, ρ -მელიც ტოლია mV_1/H და მილიონ მ²-ით იჩინება, T -ს მნიშვნელობა მოცემულია სეკუნდებით. (2) განტოლებაში შემავალი კოეფიციენტების მნიშვნელობები ათასი კალოგეტობით გამოთვლილ სიმძლავრეს შეესაბამება, სიდიდე N_{ep} მოცემული დროის მონაცემთში საშუალო დატვირთვის შეესაბამება.

3. განვიხილოთ სხვადასხვა მდინარეზე იგებულ ცალკეულ ჰიდროლიკურებს შორის დატვირთვის განაწილების მოვარანა. იმ შემთხვევაში, როდესაც განსახილველი დროის განმავლობაში გვაქვს ჰიდროლექტროსაცეფტრების მიერ გამოყენებული განსაზღვრული ჩადინების სიდიდე, ზაქსიმალური ენერგიის მნიშვნელობის მიღების აუცილებელ პირობად ჩაითვლება

$$\left(\frac{\partial N}{\partial Q} \right)_1 = \left(\frac{\partial N}{\partial Q} \right)_2 = \dots = \text{const},$$

ან, თუ ვისარგებლებთ ჰესის (1) განტოლებით,

$$(b + 2fQ + cH)_1 = (b + 2fQ + cH)_2 = \dots = \text{const}. \quad (12)$$

(12) განტოლება უნდა დატმაყოფილებულ იქნეს თითოეული განხილული სადგურისთვის და წარმოადგენს პირობას, რომელსაც უნდა აქმაყოფილებდეს მოცემული ჰესის ტურბინებში გამავალი წყლის ხარჯი იმისათვის, რომ ენერგიის გამომზადების უფლება ჰესშე მიაღწიოს შესაძლებელ მაქსიმუმს. (12) განტოლების გადაწყვეტა გვაძლევს წყლის ხარჯის მნიშვნელობას i -ის ჰესისათვის.

$$Q_i = \frac{\text{const} - (b + cH)i}{2fi}. \quad (13)$$

რადგან თითოეულ დროის მონაცემთში უნდა იყოს დაცული პირობა

$$Q_1 + Q_2 + \dots + Q_k = \sum_{i=1}^{i=k}, \quad \text{სადაც} \sum_{i=1}^{i=k}$$

ტოლია უფლება განსაზიანებელი მდინარის საერთო ხარჯისა, ამიტომ თითოეული ჰესის ხარჯის შეკრებით ((13) განტოლება) შეგძლება მუდმივის განსაზღვრის, სახელმძღვანელო

$$\text{const} = \frac{\sum_{i=1}^{i=k} \frac{b + cH}{f} + 2 \sum_{i=1}^{i=k} Q_i}{\sum_{i=1}^{i=k} \frac{1}{f}}.$$

ამრიგად, მოცემული სიდიდე თითოეული ჰესის ტურბინებში გამავალი ხარჯის მნიშვნელობის განსაზღვრისას (13) განტოლებაში უნდა იქნეს შეტანილი.

4. განვიხილოთ დღებამზური რეგულირების ამოცანა. დავუშვათ, რომ დატვირთვის გრაფიკი შეიძლება წარმოდგენილ იქნეს ფურიეს კენტი ფუნქციის სახით, ე. ი.

$$N = N_{\text{ep}} + \sum_{k=1}^{\infty} \beta_k \sin k\omega t, \quad (14)$$

საღაც $\omega = \frac{2\pi}{T}$ პერიოდია, T -დღელამური საათების რიცხვი, ხოლო β_k ($k = 1, 2, \dots$)

კონფიდენციალურობის მნიშვნელობები შეიძლება დაღვენილ იქნეს ფურიეს მწერი-
ვის კონფიდენციალურის განსაზღვრის საერთო წესებით. შემდეგ დაუშეათ, რომ
მდინარის წყლის ხარჯი საგურამის დღელამის საშუალო დატვირთვას შეესაბა-
მება, ხოლო დაწნევასთან შედარებით დონის ჩხევა აუზში იმდენად უმნიშვნე-
ლოა, რომ იგი შეიძლება მხედლების მიერთოთ.

მარტივ შემთხვევაში, $\omega = 2\pi/T$ -ით შეცვლის შედეგ, თუ პირველი პარ-
მონიკით დავქმაყოფილდებით, რადგან $\beta_1 = N_{\text{MAX}} - N_{\text{EP}}$, ხოლ $N_{\text{EP}}T = \Theta$,
რაც საღვრის მიერ ენერგიის დღელამურ გამომუშავებას წარმოადგენს, და

აგრეთვე $\frac{N_{\text{make}}}{N_{\text{cp}}} = 2$, აუზის მოცულობა იქნება:

$$V_{\text{make}} = \frac{\Theta_e}{\pi} \left| \frac{3,6}{b + cH_{\text{ep}}} \right|. \quad (15)$$

აქ ს და ც გამოთვლილია სიმძლავრისათვის, რომელიც მოცემულია ათას კილოვატტზე.

5. გამთანაბრებელი რეზერვუარის (მინიმალური კვეთით) მქონე ჰიდრო-საღვურის რეგულირების ამოცანა შეიცევს განსაზღვრას რეზერვუარის მინი-მალური კვეთისას, რომლისთვის რხევა არ იქნება ზრდადი. ტურბინის ბრუნვათა რიცხვი მუდმივია, რადგან იჯულისხმება, რომ რეგულატორის მიერ გაღება ყოველთვის დაწნევის ცვლილებას შეესაბამება.

ନୁଗୋଳୁ ନାଇସ୍କରଣ୍ଦ୍ରିଆ ହୀଲେ ଶରୀରମାଥୀ [1], ଅଟିପାନୀରେ ଗାଢ଼ାଷ୍ଟ୍ୱେରୁଣ୍ଠିବାରେ ବିଶେଷ ବିଶେଷ କାର୍ଯ୍ୟରେ ଉପରେ ଆବଶ୍ୟକ ହେଉଥିଲା ଏହାରେ ବିଶେଷ କାର୍ଯ୍ୟରେ ଉପରେ ଆବଶ୍ୟକ ହେଉଥିଲା:

ხარჯის უწყვეტლობის განტოლება

$$\Delta x' + \alpha_{s1} \Delta u + \alpha_{s3} \Delta q = 0,$$

მოძრაობის განტოლება

$$\Delta x' + \alpha_{73} \Delta u' + \alpha_{73} \Delta u'' = 0,$$

ხოლო სიმძლავრის განტოლება

$$\Delta q' + \alpha'_{95} \Delta x' = 0.$$

პირველი ორი განტოლება არაა დაკავშირებული ჰიცროელექტროსაბჭოურის განტოლებასთან და ამიტომ მთელი გმოსახულება იგივეა, როგორიცაა ციტი-ჩებულ შემომაზი. რაც შეეხება სიმძლავრის განტოლებას, მისი მილება შეიძლება უშევალოდ (2) განტოლებიდან, თუ მცირებოთ პირობას, რომ დაწევების

ცვლილებისას დატვირთვა მუდმივია, ე. ი. $\frac{dN}{dt} = 0$. ამ შემთხვევაში, თუ შევცვლით $H = H_0 + \tilde{z}$, გვიქნება

$$a \frac{\partial \tilde{z}}{\partial t} + \frac{\partial Q}{\partial t} (b + cH_0) + Qc \frac{\partial \tilde{z}}{\partial t} = 0.$$

ამა თუ შევიტანოთ ფარდობით სიდიდეებს, ე. ი. $q = \frac{Q}{Q_0}$ და $x = \frac{\tilde{z}}{H_0}$, ვიპოვით

$$H_0 \Delta x' (a + cQ_0) + \Delta q' Q_0 (b + cH_0) = 0. \quad (16)$$

მიღებული (16) განტოლება ზემომოვყანილი სიძლიერების განტოლების ანალოგიურია, ამასთან

$$\alpha'_{95} = \frac{H_0}{Q_0} \frac{a + cQ_0}{b + cH_0}.$$

თუ გაეითვალისწინებთ, რომ პრიზმული რეზერვუარის კვეთის მინიმალური დასაშეები ფართობი უნდა იყოს

$$F \equiv \frac{QLv_0}{2gH_0 h_{\partial,0}} - \alpha'_{95}, \quad (17)$$

ვიპოვით

$$F \equiv \frac{QLv_0}{2gH_0 h_{\partial,0}} \frac{H_0}{Q_0} \frac{a + cQ_0}{b + cH_0}. \quad (17')$$

ე. წ. ტომას ფორმულის შესწორების კოეფიციენტის მთიშვნელობა, ე. ი. α'_{95} სიდიდე, დადგებითი უნდა იყოს. ჩვეულებრივად თვლიან, რომ ეს შესწორება > 1 . ამასთან, როგორც (17') გამოსახულების ანალიზი გვიჩვენებს, შესწორება შეიძლება ცოს < 1 ; კერძოდ, იმ შემთხვევაში, როდესაც პირობას განტოლებაში $a > 0$, წყლის დიდი ხარჯისას შესწორება შეძლება გახდეს < 1 და შებრუნებით.

საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემია

ენერგეტიკის ინსტიტუტი

თბილისი

(რედაქციას მოუვიდა 14.12.1950)

დამოუკიდებლი ლიტერატურა

1. M. A. Mostkov. Некоторые задачи устойчивости работы гидроэлектрического агрегата. Труды Энергетического сектора Академии Наук Грузинской ССР, т 1, 1941.

ნიაზაგავოლეობა

ო. ცუცუნაშვილი

ମାନ୍ୟଶ୍ରୀଙ୍କ ହାତିରେ ଯାଇଲୁଣ୍ଡର ବୋଲାଗିଥିବାର ଖେଳିବାରେ
ପରିଚିତଙ୍କ ଏବଂ ପରିଚିତଙ୍କ ତଥା ସମ୍ବନ୍ଧିତ

(წარმოადგინა აკადემიუმის წევრ-კორესპონდენტმა მ. საბაშვილმა 18.9.1950)

სარწყავ რაიონებში სჭორი აგროტექნიკური ღონისძიებების შეჩრდების ერთ-ერთ ძირითად პირობას ნიადაგის ფიზიკური და წყლითერი თვისებების ცოდნა ჭარბობადებს.

საქართველოს საგრაფიკო ჩაინონბის ნიადაგების გეოგრაფიული გავრცელება საკმარის შესწავლით და მოლოდინით მათი ფიზიკური და ტექნიკური თვისებები დღემდის არა საკმარისად შესწავლით და გაშუქებული ლიტერატურაში.

კვლევითი მუშაობა ჩატარებულია მარნეულის რაიონში, საქართველოს სსრ მცნობერებათ აკადემიის ნიადაგმცოდნეობის, აგროქიმიისა და მელიორაციის ინსტიტუტის სტაციონარზე.

მარნეულის ველი შტკერის მარჯვენა მხარეზე იაღლუვის მაღლობის სამხრეთით იმსუბული დასაცლებელი იყო მდ. ალგეთის აყვალებით სოფ. მარნეულა-მდე და ცოტა ზემოთ ვრცელდება, მდ. ხრამის მიმართულებით კი სოფ. არუ-ხლომდის ალწერს. მდ. ხრამიდან სახსრეთით ვაკეს უპყრია მაშვერას, შულა-ვერისა და დებედას ქვემო წელთა შორის მდებარე სივრცე [1]. მდინარე ალგე-თის მარცხნიან მხარე იაღლუვის მაღლობამდე დაახლოებით 4° დაჭანების მქო-ნი ტალიისგან ზედაპირს წარმოადგინს.

ნიადაგის დედაქანი წარმოდგენილია უმთავრესად ლიოსისებრი თიხნარე-
ბითა და თიხებით.

იაღმულების მაღლობის მიღმოებში ლიოსისებრი თხნარები და თხები დამლაშებულია უმთავრესად თაბაშირითა და წყალხსნადი სულფატებით, იშვია-თად კი ქლორიდებით [2]. დამლაშების სიძლიერე მით მეტია, რამდენადც იარყოფირის გადახლოვდებით.

ରୀଗାନ୍ତ ଦ୍ୱାକାବାିତଟଳେବା ଶ୍ଵେତପ୍ରୟୋଗ କ୍ଲିନିମାଟ୍ରୁରି ମାହ୍ୟବ୍ୟବସ୍ଥାରୁଲାଭ ନାଲୁକେବାିଲା ମାଜ୍ଯସମ୍ଭବମି ଶ୍ଵେତପ୍ରୟୋଗମାଠେ ଦା ଗାଢାକୁଟୁଲାବି ମେରାରୁ ନାଥ୍ୟଦାରାଶିବା. ଶାମତରିବା ଦା ଗାଢାକୁଟୁଲାବିଲା ଦାଏ ଏମ୍ବିସି, ରୀଳେଖାବୁପ ନାଇଦାଗଶି ତ୍ରେଣାବନନ୍ଦା ଲାଗୁର୍ଣ୍ଣବାିଲା. ଶ୍ଵେତପ୍ରୟୋଗିତ ଲାରାବାି ଏମ୍ବିସିଫ୍ରେରୁଲାଭ ନାଲୁକେବାିଲା. ଓନ୍ତି

სიდან იწყება ნალექების შემცირება და იყლის-აგვისტოში მინიმუმიმდე ეცი-მა. ამგვარად, მარნეულის რაონის იასიათებს სიმშროლე ზაფხულის განმავ-ლობაში და ნაწილობრივ გაზაფხულშე.

თუ რაონის შევაფასებთ პროც. გ. სელიანინოვის ნიადაგის წყლის გა-ლანის კოეფიციენტით [3] (ატმოსფერული ნალექების ჯამისა და 10-ჯერ შემ-ცირებული ტემპერატურათა ჯამის შეფარდება), მივიღებთ, რომ კოეფიციენტი EP Et:10 ნაკლებია ერთხე, ე. ი. რაონი ტშროლია, განსაკუთრებით სარწყავი ზონა. აյ მორწყვა შარმოადგენს აუკილებელ პირობას სასოფლო-სამეურნეო კულტურათა ზრდა-განვითარებისათვის.

იალუჯის გალლობის შლეიფზე, სადაც ჩენი გამოკვლევის მეტი ნაწი-ლია ჩატარებული, ასებული ნიადაგები წარმოდგნილია წაბლა, კულტურუ-ლი, მეტნაჟებად დამლაშებული და ბიურიანი ნიადაგების სახით. მათ 13—15 სანტიმეტრის სიღრმიდან განვითარებული იქვთ მცერივი დაწილული ფენე-ბი, რომელთა გაერცელება თაბაშირის შემცველ ფენამდე აღწევს, დაახლოე-ბით 60—90 სმ-ის სიღრმემდე.

აღნიშნულ ზონაში გრუნტის წყლის დონე ძალიან ლრმად იმყოფება, რის გამოც მისი გაელენა კაპილარული აძმიშველი ნიადაგის ზედა ფენებზე შეუძლებელია.

საკითხთა განხილვისას, გამარტივების მიზნით, მოვეიხდება ჭრილის ნომ-რების გამოყენება, რისთვისაც მოვიყვანო ნიადაგების დასახელებას.

ჭრ. 2—ლია წაბლა ბიურიანი, დაწილული თიხა ნიადაგი, ლიოსისებრ თიხაზე, ერთი წლის ნაზატი. მცენარეულობა: უმთავრესად ჭანგა, ურო ბალა-ნი და იშვიათად ცოცხე.

ჭრ. 3—ლია წაბლა, დამლაშებული და ბიურიანი, დაწილული თიხა ნია-დაგი ლიოსისებრ თიხაზე. აუთეისებული, ურწყავი, შშრალი ველის მცენარე-ებით, უმთავრესად აბზინდით დაკავებული.

ჭრ. 10—ლია წაბლა თიხა ნიადაგი, სიღრმით დამლაშებული, დაწილუ-ლი, შემოდგომის ხორბლით დაკავებული.

ჭრ. 11—წაბლა სარწყავი მდელოს დაწილული ნიადაგი ლიოსისებრ თი-ხაზე. მცენარეული საფარი: ჭანგა, ძურწა, შალაფა, ურო ბალანი და სხვადა-სხვა მარცვლოვანი.

ზემოაღნიშნული ნიადაგების მექანიკური შედეგნილობის მაჩვენებლებზე წარმოდგენას გვაძლევს 1-ლი ცხრილის მონაცემები.

ცხრილის მონაცემების მიხედვით ეს ნიადაგები 60-90 სმ სიღრმემდე მძიმე თიხა ნიადაგებს წარმოადგენს, რომლებიც სიღრმით თიხა ნიადაგებში გადადიან. მძიმე თიხა შედეგნილობის პორიზონტებისთვის და განსაკუთრე-ბით კი დაწილული პორიზონტებისთვის (მეორე და მესამე პორიზონტი) დაბა-ხასიათებელია ლამის ფრაქციის ($<0,001$ მმ) განსაკუთრებით დიდი რაოდენო-ბით არსებობა; დაწილულ პორიზონტებში ლამის რაოდენობა დაახლოებით 52—66%-ს ფარგლებში მერყეობს.



ცხრილი 1

მარნეულის ველის დაწილული ნიადაგების გრანულომეტრიული შედეგნილობა

კრი- ლის №№	ნიმუშის აღნიშვნის სილიტე სმ	ნაწილაკების ზომა მმ-ით							
		0— 0,25	0,25— 0,05	0,05— 0,01	0,01— 0,005	0,005— 0,001	<0,001	<0,01	<0,01
		0— 0,25	0,25— 0,05	0,05— 0,01	0,01— 0,005	0,005— 0,001	<0,001	<0,01	<0,01
2	0—13	—	8,67	10,18	13,55	16,73	50,87	81,15	1,59
	17—35	—	3,12	12,23	2,93	14,19	60,53	77,65	1,28
	45—62	2,00	6,0	7,28	10,38	8,42	65,92	84,72	1,28
	70—88	—	11,94	18,43	0,77	14,23	54,63	69,03	1,27
10	0—13	1,34	8,00	15,82	13,94	8,84	52,06	74,84	1,44
	21—37	1,18	7,91	6,93	24,46	7,87	54,65	83,98	1,54
	45—61	1,04	5,96	16,06	7,11	16,52	52,41	76,04	1,45
	90—106	2,70	7,47	19,48	18,94	31,50	19,91	70,35	3,53

ამ ნიადაგების მძიმე მექანიკური შედეგნილობა არის ერთ-ერთი მიზეზი მათი ფიზიკური და წყლიერი თვისებების ცუდი მაჩვენებლებისა, რასაც მომდევნო ცხრილის (ცხრ. 2) მონაცემები საკუთხესოდ ადასტურებს.

ცხრილი 2

მარნეულის ველის ნიადაგების ფიზიკური და ჰილიერი თვისებები

კრი- ლის №№	გრ. პორიტონტი	ნიმუშის აღნიშვნის სილიტე სმ-ით		ნიმუშის აღნიშვნის წელი		ნიმუშის აღნიშვნის წელი		ტენიანობა მოცულობით %/%-ით		ფიზიკურის სილიტე სმ-ით
		ინდექსი	სილიტე სმ-ით	ნიმუშის სილიტე სმ	მიმდევადი წელი	ნიმუშის სილიტე სმ	მიმდევადი წელი	ფიზიკურის სილიტე რული	სრული ზღვ- რული	
2	A	0—13	0—13	1,193	2,64	52,36	59,25	56,37	95,14	0,2
	B	13—45	17—35	1,387	2,73	51,47	58,61	57,97	98,81	0,3
	B/C	35—62	45—62	1,457	2,75	46,37	57,96	56,09	96,77	0,3
	C	62—120	70—88	1,411	2,87	45,10	55,79	55,09	98,74	0,1
3	A	0—15	0—15	1,307	2,60	49,73	68,76	67,33	97,92	0,002
	B	15—35	17—29	1,413	2,76	48,81	67,37	65,90	97,82	0,001
	B/C	35—55	36—48	1,405	2,90	49,83	61,56	58,54	90,22	0,001
	C	55—130	70—88	1,584	2,90	45,66	47,16	44,11	93,53	0,4
10	A	0—13	0—13	0,999	2,72	63,26	58,96	52,61	89,23	7,2
	B	13—44	21—37	1,319	2,80	53,25	57,04	54,69	95,88	5,3
	B/C	44—65	45—61	1,521	2,81	45,87	64,12	62,26	97,10	0
	C	65—120	90—106	1,490	2,86	47,91	60,18	56,24	93,41	0
11	A	0—21	0—18	1,206	2,78	56,98	61,77	48,01	77,72	98,
	B	21—60	30—46	1,381	2,85	51,55	59,74	47,30	79,18	32
	B/C	60—84	64—80	1,388	2,94	52,74	49,08	48,37	98,55	10
	C	84—150	90—106	1,505	2,94	48,81	41,36	40,84	98,74	8,0

როგორც მოყვანილი მონაცემებიდან ჩანს, ამ ნიადაგების მოცულობითი წონა ზედაპირიდანვე ერთხე მეტია და ის სილრმით საგრძნობ მატებას განიცდის.

რაც შეეხება ტენტევალობის მაჩვენებლებს, აქ ისინი დაწილულ ბიცობიან ნიადაგებში მაღალ გამოხატულებას პოულობენ და ხშირად სრული ფორიანობის მაჩვენებელზედაც კი საგრძნობლად მეტ სიდიდეს იძლევიან, რაც ამ ნიადაგების დაწილვისა და ბიცობიანობის მოვლენებით გამოწვეული გაჯირჯვლებით უნდა აისხეას. გამონაჯლისს წარმოადგენს ჭრ. 11 დახასიათებული სარწყავი მდელოს დაწილული ნიადაგი, რომლის ფიზიკური და წყლიერი თვისებების საგრძნობი გაუმჯობესება მასზე ხანგრძლივი დროის განხავლობაში მდელოს ბალაზების არსებობითაა გამოწვეული.

სიინტერესო სურათს იძლევა ცხრილში მოყვანილი თხევად მდგომარეობაში წყლის გადაადგილების—მოძრაობის სიჩქარე, რომელიც დაწილულ ბიცობიან ნიადაგებში წუთში სანტიმეტრის მეტადი და ზოგჯერ მეტადი ნაწილებითაც არის გამოხატული. მე-10 ჭრილის შემთხვევაში კი ქვედა პორტონტებში ის ნულის ტოლი ხდება. ჭრ. 11 შემთხვევაში წყლის მოძრაობის საუკეთესო მაჩვენებლები გვაქვს.

პირველ ნახაზზე მოცემული წყალშექონის გამომსახველი მრუდები, რომელთა შიხედვითაც ჩანს, რომ ჭრ. 3 დახასიათებული ნიადაგი პირველი ერთი საათის განმავლობაში ჰექტარზე გადაანგარიშებით მხოლოდ 12 მ² წყალს ატარებს, 3 საათის განმავლობაში კი 16 კუბ. მეტრს, ე. ი. წყალშექონა თანდათან კლებულობს, რის შედეგადაც, ბუნებრივ პირობებში, წყომების მოსკელის შემდეგ მათზე წყლის დატორება ჩევულებრივ მოვლენას წარმოადგენს. ჭრ. 2-ის ნიადაგში კი ერთი საათის განმავლობაში ჰექტარზე გადაანგარიშებით ჩაიკონის 222 კუბ. მ, ხოლო სამ საათში 622 მ³, რაც შეეხება ჭრ. 10-ს. ერთ საათში ჩაიკონის 1104 კუბ. მ, ხოლო სამ საათში—7252 კუბ. მ; ჭრ. 10-ის მსგავსი მონაცემები მიღებულია ჭრ. ჭრ. 4, 5, 6 და სხვაში. მართალია, აქ საწყის მდგომარეობაში წყლის დიდი რაოდენობით ჩაეკონის აქვს ძაღლილი. მაგრამ შემდეგ, არამტკიცე სტრუქტურის არსებობის გამო, რომელიც წყლის მოქმედებით ადვილად იშლება, წყლის ჩაეკონის მატება საგრძნობლად მცირდება.

რაც შეეხება დაწილულ პორტონტებს, ესენი თითქმის სრულიად წყალშექონადები არიან, რის გამოც ნიადაგის სილრმით გატენიანება საგრძნობლად მცირდება და მორწყვით მიცემული წყლის მეტი ნაწილი ნიადაგის სილრმის ფენებში ჩაუკონავად დაწილული პორტონტების ზედაპირზე უნდა გეღდინებოდეს, რასაც ხელს უწყობს ამ ნიადაგების ზედა რელიეფის საგრძნობი ქანობი

დაწილული ნიადაგებისთვის, ბუნებრივ პირობებში, წყალჩაეკონის შესწავლილი იყო ერთ შემთხვევაში 6,0 მ² დანაყოფზე 1500 მ³ მორწყვის ნორმის ხელოვნურად დატორებით, სადაც ტენიანობა განსაზღვრული იყო როგორც მორწყვის ჭინ, ისე მორწყვიდან მეოთხე დღეს (მორწყვის მეორე დღეს ნიმუშების იღება შეუძლებელი იყო დიდი წვიმის გამო, რამაც, ცხადია, მორწყვით მიცემული 1500 მ³ წყლის რაოდენობა საგრძნობლად გააღილა).

შეორე დაკირვება შესწავლილი იყო საკოლმეურნეო ნაკვეთზე, სადაც ნიაღავის ტენიანობა შესწავლილი იყო სიმინდის მორწყვის დაწყებამდე და მორწყვის მეორე დღეს. დაკირვებისთვის აღებული გვერნდა 400 მ² ფართობი, სიმინდის მორწყვა ჩატარდა 1150 კუბ. მეტრი მორწყვის ნორმით. შედეგები მე-3 ცხრილში მოყვანილ სურათს იძლევა.

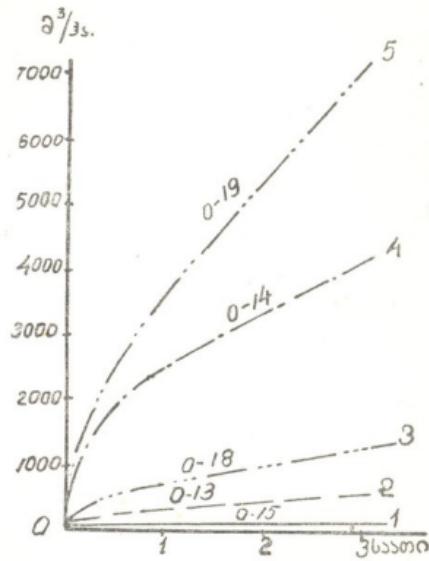
მოყვანილი მონაცემებიდან ჩანს, რომ წყლის ჩაუნდა დაწილდულ ჰორიზონტებში საგრძნობლად შენელებულია და 30 – 40 მ სიღრმიდან ის უმნიშვნელო სიღრმეს წარმოადგენს. 15 კმ სიღრმიდიდან 50 მ სიღრმეშედე ტენიანთან ის უმნიშვნელო ზრდა დაწილდული ჰორიზონტების ნაპრალიანობით უნდა აიხსნას.

დაწილებული ნიადაგების ფიზიკური თვისებები საუკთხოს გამოხატულებას პოულობენ გათიფილრაციის კოეფიციენტის მონაცემებში.

..... მონაცემების მიხედვით (ნაბ.
2) ნათლად ჩანს, რომ მლაშობ-
ბიცუბარი აუთვისებელი ნიადა-
გის (ჭრ. 3) A პორიზონტული ფილ-
ტრაცია მხოლოდ მეხუთე დოკეს
იწყება, რომელიც დასაწყისიდანვე
სწრაფად ეცემა და პრაქტიკული
მნიშვნელობით 0-ს უახლოვდება.

ასე, შაგალითად, სპუნისშვ ფილტრაციის კუნფიგურაცია 4×10^{-6} მმ/წამ. (ჰექტარზე გადაანგარიშებით 1,4 მ³ საათში) სწრაფად მცირდება 2×10^{-7} მმ/წამ, რაც ჰექტარზე გადაანგარიშებით მოვალეობა 0,07 მ³ საათში. კიდევ უფრო ცუდი მდგომარეობა გვაძეს მეორე ჰირიზონტში, სადაც ფილტრაცია მხოლოდ მე-11 დღეს იწყება და 20 დღის განმავლობაში უმნიშვნელო სიდონეებს ინარჩუნებს (ჰექტარზე გადაანგარიშებით დაახლოებით 0,1 მ³ საათში).

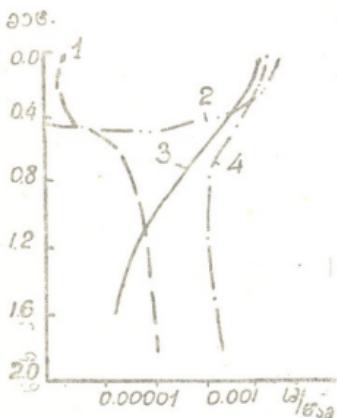
ରୂପ ଶ୍ଵେତବା ଅତ୍ସିଶ୍ଵେତଲ୍ଲ ବାର୍ଷିକୀୟ ନିର୍ମାଣ ପତ୍ର, 2 (ବାବ. 2) ରୁ ଓ ପତ୍ର, 10 (ବାବ. 3), ଏହି ଲ୍ଲେଟ ଲେଖା ମଦ୍ଗଳମାର୍ଯ୍ୟାନଦା। ଏହି ନିର୍ମାଣକୁ ନେଇବା ବାର୍ଷିକୀୟ ବସିବାରେ ପରିଚାରିତ ହେଉଥିଲା, କାରିଗି ଜୀବିତ କରାଯାଇଛି ।



ଓৰ্জুলি ৩

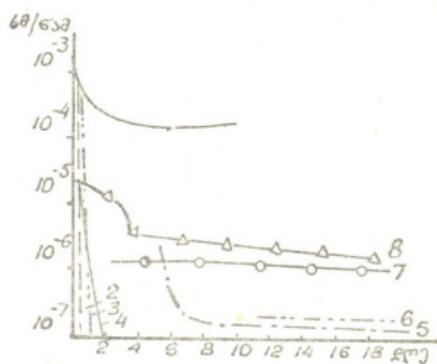
ნიადაგში ტენის განაწილება მორწყვის შედეგად

ნელონენტურად დატოვობული ნაკვეთი				სმინტული ნაკვეთი						
ტენიანობა წლის %/%-ით	შეყვასის ორგენის მატერიალი	შეყვასის ორგენის მატერიალი	ტენიანობა წლის %/%-ით	შეყვასის ორგენის მატერიალი	შეყვასის ორგენის მატერიალი	ტენიანობა წლის %/%-ით				
0-5	11,28	47,66	62,0	261,9	199,9	9,96	47,61	53,1	253,8	200,7
5-10	22,45	44,61	134,5	267,3	134,8	10,42	40,51	55,5	215,9	160,4
10-20	24,30	42,43	291,4	508,7	217,3	18,77	37,88	206,6	417,1	210,5
20-30	26,46	37,21	327,3	460,0	132,7	21,69	28,59	276,5	304,5	88,0
30-40	28,22	37,86	349,0	468,5	119,3	25,23	27,41	338,3	367,5	29,2
40-50	29,67	36,03	388,3	471,9	83,6	24,67	25,42	331,8	339,2	7,4
50-60	32,61	33,67	428,2	440,7	12,5	24,47	24,55	343,8	344,9	1,1
60-70	32,43	33,08	424,5	433,0	8,5	22,99	82,96	323,0	322,6	0,4



ନୀକ. 2. ଶୁଣିଲ୍ଲୁର୍ହାପୁରୀ କୃତ୍ୟାନ୍ତିଗ୍ରହିତୀ
ଶେଖିଲ୍ଲାନ୍ତିର୍ଦ୍ଧବୀଳ ମିଥ୍ୟକ୍ଷେତ୍ରରେ, ପ୍ରକିଳ୍ପ 2:
୧—୦—୧୩ ସଥ; ୨—୧୭—୩୫ ସଥ; ୩—୪୫—୬୨ ସଥ;
୪—୭୦—୮୦ ସଥ. ପ୍ରକିଳ୍ପ 3: ୫—୦—୧୫ ସଥ;
୬—୧୭—୨୯ ସଥ; ୭—୩୬—୪୮ ସଥ.

ცურილდება, მაგრამ მაინც საგრძნობ მნიშვნელობას ინარჩუნებს. განსაკუთრებული დიოდი ფილტრაციით ხასიათდება კუ. 10 ზედა, ჰორიზონტური, რომლის ფილტრაციის კოეფიციენტი 2×10^{-2} სმ/წამ (ჰექტარზე გადაანგარიშებით 7200 მ² საათში) მცოცე დღეს 8×10^{-4} სმ/წამ დადას (ჰექტარზე გადაანგარიშებით 288 მ² საათში). ამ ნიიდანგების ქვედა ჰორიზონტური 40 სმ სიმაღლის გარეშე მცირდება.



ნამ. 3. ფილტრაციის კონფიგურაციულ მრავალნობების მიხედვით. ჭრილი 11: 1—0—18 სმ; 2—30—46 სმ; 3—64—80 სმ; 4—90—106 სმ.

მიღან თითქმის მოლიანად წყალგაუმტარია. ამ პორიზონტების ფილტრაციის კოეფიციენტის შესწავლა ერთ თვეს გრძელდებოდა, რომლის განმავლობა-შიც წყალი სრულებით არ გაუტარებიათ. ამგვარი შრგომარეობა განსაკუთ-რებით ჭრ. 10 დახასიათებულ ნიადაგებს ახასიათებს.

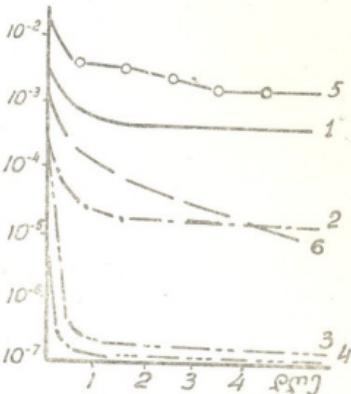
ყველაზე უკეთესი მდგომარეობა ჭრ. 11 დახასიათებულ ნიადაგებს აქვს, რომელთა შედა ჰქონიანტები კარგი ფილტრაციით ხასიათდება და სილრ-მის ფენებიც თუმცა მცირედ, მაგრამ შაინც წყალგამტარია.

ნახ. 4 მოცუმულია ფილტრაციის კოეფიციენტის საშუალო მონაცემები განხილული ნიადაგების მთელი პრო-ცენტისათვის. მონაცემები ნათლად გვიჩვენებს, რომ ლია ჭაბლა მლაშობ-ბიო-ცობიანი აუთვისებელი ნიადაგის (ჭრ. 3) ფილტრაციის კოეფიციენტი, რომლის მნიშვნელობაც დააბლოებით 25 სმ სილრმემდე საგრძნობლად მცირეა (5×10^{-7} სმ/წამ), 25 სმ ქვევით ისრ-დება და თაბაშირის შემცველ პო-რიზონტში (60 სმ) უკვე 10^{-5} სმ/წამ აღწევს.

დაწილული ათვისებული ვარიან-ტების (ჭრ. 10) A პორიზონტში ფილტ-რაციის გაუმჯობესება მათი გაკულტუ-რებით უნდა აიხნას; რაც შეეხება სი-ლრმით მათ შემცირებას, რაც B პორი-ზონტშივე 0-მდე დალის, ეს აიხსნება ამ პორიზონტების ლამის ფრაქციის, რომელიც შეცემნებისულს, დაწილულს, გამკრივებულს და წყლისათვის ძნე-ლად გაუმტარ მასას წარმიადგენს, დიდი რაოდნობით (ცხრ. 1).

სარწყავი მდელოს დაწილული ნიადაგების (ჭრ. 11) ფილტრაციის უკი-თესი მაჩვენებლები გამოწვეულია მათზე ხანგრძლივი დროის განმავლობაში უხვად გავრცელებული საკვები ბალაზების ფესვთა სისტემის ნიადაგის ფიზი-კურ თვისებებზე დადგებითი მოქმედებით. 0,6—0,7 მ ქვემოთ კი ფილტრაციის შემცირება მაჩვენებელია, რომ მარცვლოვანი ბალაზების ფესვთა სისტემის და-დებითი მოქმედება ამ ფენის საზღვარს ვერარ სკილდება. ცხადია, მარცვლო-ვან და ბარკოსან (განსაკუთრებით ონჯის) მცენარეთა ნარევის თესვა უმცე-ლად უცეოს შედეგს მოგვცემს ქვედა გამკრივებული მასის დაშლისა და მა-თა ფიზიკური და წყლიერი თვისებების გაუმჯობესების მხრივ.

ც/ნაზ.



ნახ. 4. ფილტრაციის კოეფიციენტის სა-შუალო მაჩვენებლები. 1—ჭრილი 3; 2—ჭრი-ლი 10; 3—ჭრილი 11; 4—ჭრილი 7

დაწილულ ნიადაგებთან შედარების მიზნით ნახ. 4-ზე მოყვანილია ჭაბლა-დაუწილეული ნიადაგის ფილტრაციის კოეფიციენტის მრუდი, რომელიც თავის-დადებითი ფილტრაციის მაჩვენებლებს საკმაოდ ნათლად ამჟღავნებს.

საქართველოს სსრ შეცნიერებათა აკადემია
ნიადაგმცოდნეობის, აგროქიმიისა და
მელიორაციის ინსტიტუტი
თბილისი
(რედაქციას მოუვიდა 18.9.1950)

დამოუმჯული ლიტერატურა

1. ალ. ჭავაბიშვილი. საქართველოს გეოგრაფია, ტ. I, თბილისი, 1936.
2. Г. Д. Ахвледиани, Г. Д. Талахадзе и И. Г. Бараташвили. Почвы хлопковой зоны Борчалинского района (рукопись в Институте полеводства АН Грузинской ССР, 1935).
3. Мировой Агроклиматический справочник, Л.—М. 1937.

3. ମୁଦ୍ରାପତ୍ର

თუთის აგრძელებენის მსკონარების პარტია ტენიანობის
გავლენის საკითხებისათვის

(წარმოადგინა აკადემიის ნამდვილმა წევრმა ფ. ზაიცევმა 21.12.1950)

აბრეშუმის ჭიის დაავადება მუსკარდინას გაკირვასაც უწოდებენ, რაღაც სიყვლის შემდეგ ჭიის ლეში არ იხრწნება, არამედ მაგრდება და მთელი მისი ზედაპირი თეთრად იფარება. აღნიშნული დაავადება დიდი ხნიდანაა ცნობილი მეაბრეშუმენბაში. მას ჯერ კიდევ 1570 წელს ისენიებს ანიბალ გუასკო; 1763 წელს კი ეს დაავადება მუსკარდინის სახელწოდებით აღწერილ იქნა ბუასე დე-სოვაჟის მიერ [4].

მეცნიერებელთა შემსრულებელი საუკუნის დასაწყისში მუსკარდინის ეპიზოოტიამ საფრანგეთისა და იტალიის მეცნიერებულებას უდიდესი ზარალი მიაყენა, ამიტომ რიგი მეცნიერები (ბასი, ნისტენი, კონფილიაკი, ბრუნატელი, დანდოლო და სხვა) შეუდგნენ მუსკარდინის ეთიოლოგიის გულმოდგინელ შესტავლას. 1835 წელს ბასიმ პირველმა დაამტკიცა, რომ აბრეშუმის ჭიის მუსკარდინის იწვევებს პარაზიტი სოკო. მანვე დაამტკიცა დაავადების ინფექციური ხასიათი. ბალზამომ შეისწავლა მუსკარდინის გამომწვევი სოკოს გორგოლოგია და მიაკუთხნა იგი *Botrytis* გვარს. შემდგომ ბასის პატივისაცემად ამ სოკოს *Botrytis bassiana* უწოდეს. უფრო გვიან (1910) აღნიშნული სოკო ახალი კლასიფიკაციით მიაკუთხნეს *Beauveria*-ს გვარს და უწოდეს *Beauveria bassiana*.

სოკო *Beauveria bassiana*-ს მიერ გამზევული დაავადების პათოგენუნის, ეთიოლოგიისა და პროცესიალურიკის საკითხებს მჩვალმა მკლევარმა მიუძღვნა მეცნიერული ნაშრომები, როგორიცაა კვაიატი და როსინსკი [1], კონტრი და ლევრი [7], აკვა [5], პაიონ [8] და სხვ.

Beauveria bassiana სპორებით მრავლდება. სპორა, მოხვედრილი აბერ-შუმის ჭიის სხეულის ზედაპირზე, იძლევა ღიგს, რომელიც ფერმენტ და-სტახას საშუალებით შლის ჭიის საფარველს და იქრება ჰემოლიმფაში. ჰემოლიმფაში სოკო პარაზიტობს. სოკოს მიცელიუმი შალე სხეულის მთელ ღრუს ავსებს და მისი ჰიფები მეტ-ნაკლებია სიძლიერით იქრება ჭიის თითქმის კველა ორგანოში. სპორების გაღივება-განვითარებისთვის ამტკიმალურ ტემპე-რატურად ითვლება $25-27^{\circ}$ [3] და პარის შითარობითი სინისტი 90-100%.

აბრეშუმის ჭიის დაავალებიდან სიკეთილამდე გადის 6—12 დღე. ევალენიუმის ხანგრძლიობა დამოკიდებულია გარემოს ტემპერატურისა, ჭიის ასაკისა, მის სხეულში შეწრილი სპორტების ვიზულურობისა და რაოდენობისაგან. დაავალების პირველ პერიოდში ჭიიბი არ ამორანიბინ თათოსაჩინო

სიმპტომებს, რომელიც საშუალებას მოგვცემს გავარჩიოთ ავადმყოფი ჭია ჯანმრთელისაგან. ზოგ შემთხვევაში, და ისიც მხოლოდ სიკედილის წინ, ჭიის საფარეულზე შესამჩნევი ხდება მცირე ზომის მოყავისფრთხობისავო ლაქები. მუსკარდინით მკედარი ჭიის ლეში ბირველ ხანებში მოწითალო ელფერისაა, შემდეგ მუქდება და თანდათანობით მაგრდება.

ჭიის სიკედილის შემდეგ სოკო მის ლეშზე იწყებს საპროფიტობას. მისი სანაყოფე ჰიფები გარეთ გამოღიან და წარმოქმნიან სპორტებს ლეშის ზედა-პირზე, რაც თეთრად ფარავს ამ უკანასკნელს.

პროფ. მიხაილ ოკო [2] აღნიშნავს და ჩევნი ცდებითაც დადასტურდა, რომ სოკოს სპორტებს ხელსაყრელ ტემპერატურულ და ტენიან პირობებში უნარი აქვთ შეიჭრან კვერცხშიაც და გამოიწვიონ აბრეშუმის ჭიის ემბრიონის სიკედილი. მისი შემდეგ სოკოს სანაყოფე ჰიფები გამოღიან კვერცხის ზედა-პირზე და წარმოქმნიან სპორტებს.

აბრეშუმის ჭიი მუსკარდინით ყველა ასაკში ავადდება. შეხუთე ასაკის ბოლოს დაავადებულმა ჭიამ შეიძლება აახვიოს ბარკი, მაგრამ ჭიის ან ჭუპრის სტადიაში აუცილებლად დაიღუპდება.

ასეთი პარკები 2,5—3-ჯერ მსუბუქია ნორმალურ პარკებშე და შენჯლრევისას გამოსცემენ დამახასიათებელ მკვეთრ ხმას.

როგორც სტევნ სკაია [1] აღნიშნავს, რომ მუსკარდინით დაავადება მშრალი კლიმატის მქონე ადგილებში (შუა აზია) სუსტად ვრცელდება და, პირიქით, ძლიერ აზიანებს აბრეშუმის ჭიის გამოკვებას ტენიანი კლიმატის მქონე ადგილებში (უკრაინა, ჩრდილო კავკასია, ამიერკავკასია).

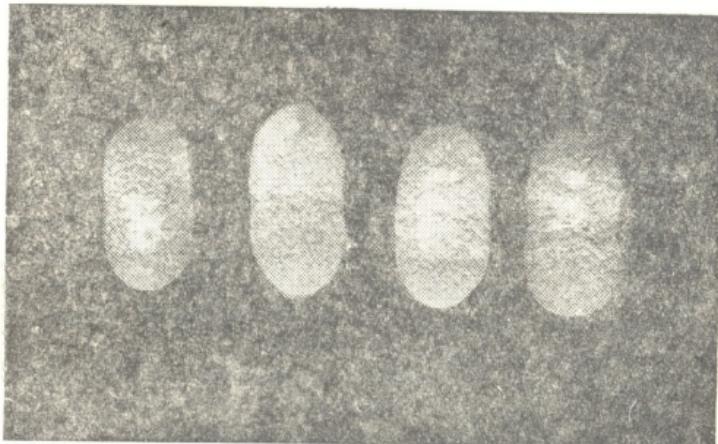
1950 წლის ზაფხულში გალის რაიონში (დასავლეთ საქართველო) ხშირი წევიმების გამო მალალი იყო პარკის ტენიანობა. ამან ხელი შეუწყო მუსკარდინის გავრცელებას აბრეშუმის ჭიის განმეორებით გამოკვებაში. ამ ზემთხვევამ შესაძლებლობა მოგვცა მუსკარდინიან პარკები დიდი რაოდენობით შეგვევსწავლა გალის რაიონის სოფ. ჭუბურენიჯვასა და ორბაიაში. ჩვენ მიერ შემჩნეული იყო, რომ მუსკარდინიან პარკები შენჯლრევისას ზოგ შემთხვევაში დამახასიათებელ ხმიანობას არ გამოსცემენ. ასეთი პარკების გაკვეთაში დაგვანახვა, რომ მათ კედლებზე მტკიცებდა მიკრული მუსკარდინით დაღუპული ჭიები ან ჭუპრები. ამ უკანასკნელთა მიმაგრების აღგილას ბარკის ზედაპირი დაფარულია *Beauveria bassiana*-ს ნაყოფიანობით (სურ. 1). აღსანიშნავია, რომ ჩამდენადაც მეტი სახით ბინაში ტენიანობა, მიღენად მეტია მუსკარდინიან ბარკის ზედაპირზე გამოსული სოკოს ნაყოფიანობა და თვით გამოკვებაშიც მეტია ასეთი პარკის რაოდენობა.

Beauveria bassiana-ს უხევი ნაყოფიანობით დაფარულ პარკებს დიდი რაოდენობით შეეხდით იმ მეურნეობებში, სადაც ცახებად გამოყენებული პქონდათ ნედლი მასალა. ცხადია, რომ ნედლი ცახის გამოყენება აღიდებს ტენიანობას და ამით ქმნის ხელსაყრელ პირობებს სოკოს უხვი ნაყოფიანობისათვის. მაღალი ტენიანობის პირობებში სოკო *Beauveria bassiana*-ს აქვს უნარი

¹ ამ სოკოთი პარკის დაზიანებას ზერელედ შეეხო ბასი 1835 წელს.

გაარღვიოს დომფალი პარკის კედელიც კი, რომლის გარსი ორჯერ სქელია ნორჩილურთან ზედარებით.

იმის გამოსარევევად, თუ როგორი ტენიანობა უფრო ხელშემწყობია მუსკარდინიანი პარკის ზედაპირზე სოკოს ნაყოფიანობის გამოსელისათვის, ლაბორატორიულ პირობებში ჩვენ მიერ ჩატარდა შემდეგი ცდა: თუთის აბერშუმშვევის პარკები მუსკარდინით დაავადებული ქიებით მოვათავსეთ ექსიკატორებში 80, 90 და 100%, პარკის ზედაპირზე სოკოს ნაყოფიანობა არ შეგვიძლივია. 80% ტენიანობისას პარკის ზედაპირზე სოკოს ნაყოფიანობა არ შეგვიძლივია. 90% ტენიანობისას აღმოჩნდა მცირე ნაყოფიანობა, 100% ტენიანობის პირობებში მოთავსებული პარკის ზედაპირზე კი სოკომ უხევი ნაყოფიანობა მოგვცა.



სურ. 1

გალისა და გალის რაიონის სოფ. ოტობაის პარკის მიმღებ პუნქტებზე ჩშირად მოდიოდა მუსკარდინიანი პარკის პარტიიბი. ყველა პარტიაში მეტ-ნაერები რაოდენობით გვხვდებოდა პარკები ზედაპირზე გამოსული სოკო *Beauveria bassiana*-ს ნაყოფიანობით.

მუსკარდინით დაავადებული შეურნეობიდან ანალიზისათვის ჩვენ მიერ აღმდეგულ იქნა პარკის ნიმუშები:

1. საღი პარკები, რომლებშიც ჭიები ან ჭუპრები ჯანმრთელი იყო.
2. მუსკარდინიანი პარკები, რომლებშიც ჭიები ან ჭუპრები მუსკარდინით იყო დაღუპული, მაგრამ თვეთ პარკის ზედაპირზე არ იყო გამოსული *Beauveria bassiana*-ს ნაყოფიანობა.
3. მუსკარდინიანი პარკები ზედაპირზე გამოსული *Beauveria bassiana*-ს ნაყოფიანობით.

აღნიშნული ნიმუშების ტექნოლოგიური დამუშავების შედეგად მივიღეთ შემდეგი მაჩვენებლები:

ნიმუშების დასახელება	განვითარებული მუნიციპალიტეტის მუნიციპალიტეტი	დაფილი სიმაღლით მონაბეჭდი	კიმადობა %/%-ით	ამონაცენტრი უნარიანობა %/%-ით
1. საღი პარკი	521,3	3,2	21,5	82,4
2. მუსკარდინიანი პარკი ზედა-პირზე სოკოს ნაყოფიანობის გარეშე	351,7	3,0	18,0	79,0
3. მუსკარდინიანი პარკი ზედაპირზე სოკოს ნაყოფიანობით	270,1	2,8	17,8	76,4

მუსკარდინიანი პარკიდან მიღებული ძაფის ფიზიკურ-მექანიკური თვისებები საღი პარკის ძაფთან შედარებით გაუარესებულია. თუ საღი პარკის ძაფის თვისებებს მივიჩნევთ $100\%/_0$ -ად, მაშინ ძაფი მუსკარდინიანი პარკისა, რომლის ზედაპირზედაც არაა გამოსული სოკოს ნაყოფიანობა, გვიჩვენებს სიმაგრის $7\%/_0$ -ით და კიმადობის $17\%/_0$ -ით გაუარესებას, ხოლო *Beauveria bassiana*-ს ნაყოფიანობით დაფარული პარკებიდან მიღებულმა ძაფმა გვიჩვენა სიმაგრის $13\%/_0$ და კიმადობის $18\%/_0$ -ით გაუარესება. საერთოდ კი საღ პარკთან შედარებით მუსკარდინიანი პარტია საშუალოდ იძლევა სიმაგრის $10\%/_0$ -ით და კიმადობის $17\%/_0$ -ით გაუარესებას.

Beauveria bassiana-ს ნაყოფიანობით დაფარული პარკების ტექნოლოგიური მაჩვენებლების გაუარესებას იმით გვხსნით, რომ ამ სოკოს მიცელიუმის პიფები ჭიის სხეულიდან პარკის ზედაპირზე გამოსვლისას არღვევენ პარკის გარსს, აზიანებენ ძაფებას. ასე, მაგალითად, სოკოს ნაყოფიანობით დაფარული პარკის გარსიდან დამზადებული მიეროსკოპული პრეპარატების გასინჯვისას ვამჩნევთ, რომ მისი მიცელიუმის პიფები შეჭრილია აბრეშუმის ძაფუნაშიც.

დასკვნა

1. მუსკარდინიანი პარკები შენუღლევისას ზოგიერთ შემთხვევაში დამახსიათებელ ხმიანობას არ გამოსცემენ და ყრუ პარკის შთაბეჭდილებას სტოვებენ.

2. მუსკარდინით მკვდარი ჭიის ან ჭუპრის სხეულიდან გამოსულ *Beauveria bassiana*-ს მიცელიუმის პიფებს ჰაერის $90—100\%/_0$ შეფარდებითი ტენიანობის პირობებში შეუძლიათ გაარღვიონ პარკის გარსი და მის ზედაპირზე წარმოქმნან ნაყოფიანობა.

3. *Beauveria bassiana*-ს მიცელილობის ჰიფები პარკის გარსში გასვლისას აზიანებენ გარსს და ოუარესებენ პარკის ტექნოლოგიურ მაჩვენებლებს.

ତବିଳିଲିଙ୍କର ମେବର୍କାରୀଶ୍ଵରମୁଦ୍ରିଣ
କାନ୍ତପୁରିରେ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଉପରେ ଅନୁରୋଧ କରିଛନ୍ତି
(ରୂପାଦ୍ୟପାତ୍ର ମନ୍ତ୍ରାଳୟରେ 26.12.1951)

ଭାରତୀୟ ପ୍ରକାଶନ

1. А. П. Мияев, И. Х. Лузин, Л. Ф. Рождественская, В. И. Рязанов
Н. И. Хвирбис, Шелководство. Москва, 1949.
 2. Е. Н. Михаилов. Шелководство. Москва, 1950.
 3. Т. Т. Ованесян, Н. Н. Чантuria. Биоэкология возбудителя мускариды тутового шелкопряда и меры борьбы с ним. Тезисы к докладу на научной сессии Тбилисского научно-исследовательского института шелководства. Тбилиси, 1950.
 4. Boissier de Sauvages. Mémoires sur l'éducation des vers à soie. Nîmes, 1763.

ზოოლოგია

ლ. პუტუშიძე

საქართველოში გარღი ფსეინის (*EREMIAS VELOX PALL.*) გავრცელების საკითხის

(წარმოადგინა აკადემიის ნამდვილმა წევრმა ფ. ზაიცვება 22.12.1950)

საქართველოს ფარგლებში *Eremias* გვარის წარმომადგენელთა გავრცელების შესახებ დღემდე ამომწურიავი ცნობები არ მოგვეპოვება, ხოლო რაც არის, ის მეტწილად არადამაჯერებელია.

ნიკოლს კის [1,2] მიხედვით, *Eremias velox* ჩვეულებრივია ა/კავკასიის სტეპებისათვის, სადაც ის დასვლებით სურამის ქედამდე ვრცელდება.

ძნელია იმის თქმა, თუ რა მონაცემების საფუძველზე თვლის ნიკოლსკი *Eremias velox*-ს ჩვეულებრივ სახეობად საქართველოსთვისაც და მისი გავრცელების დასავლეთ საზღრად სურამის ქედს.

შეიძლება ვივარიულოთ, რომ ნიკოლსკი ყურძნობა ბეთგერის [3] ცნობებს, რომელიც ოღნიშნავს —კავკასიის მუზეუმში არის ეგზემპლარები თბილისიდან, ან მხოლოდ თავის შეხელულებას გამოთქვას *Eremias velox*-ის საგარულო გავრცელების შესახებ საქართველოში, რადგან დღემდე საქართველოს ფარგლებში აღნიშნული სახეობის ცხოველის კოლექციები არავის შეუგროვებია და სხვა სარწმუნო მასალებიც არ არსებობს.

ჩვენ შევამოწმეთ საქართველოს სახელმწიფო მუზეუმის ზოოლოგიის განყოფილებაში დაცული *Eremias velox*-ის ეგზემპლარები, რომლებზეც ბეთგერი მიუთითებს. ოღმოჩნდა, რომ ორ სხვადასხვა ქილაში (№ 328, 29 და 339, 29) პირველში 4, ხოლო მეორეში 3, სულ 7 ეგზემპლარის რაოდენობით არის *Eremias velox*-ის ინდივიდები.

მიუხედავად ამასა, ჩვენ აზრით, მეტად საეჭვოა საქართველოს მუზეუმის ცნობების სისტორი ამ ცხოველების სადაურობის შესახებ. ჯერ ერთი, ეს ცნობები არ არის საესებით სრული (7-დან 4 ეგზემპლარის შესახებ არ არის ცნობილი ვინ, როდის და სად შეაგროვა ისინი, ხოლო დანარჩენი 3 ცხოველის შემგროვებელი, კატალოგის მიხედვით, არის რადე, რომელიც, როგორც ცნობილია, ხშირიად უშევებდა შეცდომებს მიღებული მასალების გატარებისას).

ამას რომ ყურადღება არ მივაკრისთ, როსტომმბეგოვი [4], რომელსაც სპეციალური ნაშრომი აქვს თბილისის მიდამოების ჰერბეტოფაუნის შესახებ, არ აღნიშნავს *Eremias* გვარის არც ერთ წარმომადგენელს თბილისის მიდამოებისათვის.

ამავე დროს ისიც უნდა მიიღოთ მხედველობაში, რომ უკანასკნელი 10 წლის განმავლობაში ხელიკების უმრავი კოლექცია დაგროვილი სტალინის სახელმბის თ. ს. უ. ხერხემლიანთა ზოოლოგიის კათედრაზე თბილისის მიდამოებიდან, რომელშიც არც ერთხელ არ მოხვდომილა *Eremias* გვარის არც ერთი წარმომადგენელი. ასეთივე მდგომარეობაა საქართველოს მუზეუმის უკანასკნელ წლებში შეკრებილ ხელიკების კოლექციებშიც.

ყველაფერი ეს გავათიქრებინებს, რომ სარწმუნო მასალები *Eremias* გვარის ხელიკების გავრცელების შესახებ საქართველოში საერთოდ, კერძოდ კი *Eremias velox*-ის შესახებ, დღემდე არ მოგვპოვება.

ეს იქიდანც ჩანს, რომ ტერენტი ევ ი და ჩერნოვი [5] თავიანთ სარკვეუში საქართველოსთვის აღნიშნავენ მხოლოდ *Eremias arguta*-ს და ისიც ჭითხვის ნიშნის ქვეშ; როგორც ჩანს, ხსნებულ ავტორებს აქამდე არსებული მასალები და ცნობები *Eremias* გვარის ხელიკების გავრცელების შესახებ საქართველოში საქართვისად და სარწმუნო წყაროებად არ მიაჩინათ.

1949 წლის ივლისში გორის რაიონში სტუდენტთა საუკლენტა პრაქტიკისა და შემდეგ ექსპედიციის პერიოდში ჩერნ. შეგავრცელეთ *Eremias velox caucasica*-ს ინდივიდების დიდი რაოდენობა. სულ 80 ეგზებლარია მოპოვებული, მათ შორის და 48, გვ. 32, მათგან ახალგაზრდა ეგზებლარები შეაღენს 25%-ს. მცირე რაოდენობით (2 ეგზ. მოზრდ. და 1 ახალგ. ეგზ.) იგი დაჭრილ იქნა პირველად სოფ. უფლისციხეში, სოფლის დასაწყისში გზის პირას, 12 იქნის. მაგრამ მასობრივად—77 ეგზებლარი—დაგიჭირეთ 14 იქნის ქ. გორის შიდამოებში, გორიდან ჩრდილო-აღმოსავლეთით $1\frac{1}{2}$ კილომეტრის დაცილებით, კვერნაციის ქედის დასაწყისში.

ამგვარად, ჩერნ ხელოთ არსებულ ლიტერატურულ წყაროთა ანალიტიკა და პირადი გამოკლევების შედეგად შევიძლია დავასკვნათ, რომ მარდი ფსვენი (*Eremias velox caucasica*) მოიპოვება გორის რაიონში, კერძოდ უფლისციხეში და კვერნაციის მთაზე. რაც შეეხება თბილისის მიდამოებში, ისევე, როგორც აღმოსავლეთ საქართველოს სხვა რაიონებში, მისი გავრცელების საკითხს ჯერ კიდევ კვლევა და შესწავლა ესაჭიროება.

სტალინის სახ. თბილისის სახელმწიფო

უნივერსიტეტი

(რედაქტორიან მოუვიდა 22.12.1950)

დამოუმატული ლიტერატურა

1. А. М. Никольский. Пресмыкающиеся и земноводные Кавказа, 1913.
2. А. М. Никольский. Пресмыкающиеся (*Pepilia*), т. I. Fauna России и сопредельных стран. Петроград, 1916.
3. T. Radde. Museum caucasicum, т. I. Тифлис, 1899.
4. В. Ростомбеков. Материалы по герпетофауне окрестностей Тифлиса. Кавказ. краеведч. сборн., т. I, 1930.
5. Ц. В. Терентьев и С. А. Чернов. Краткий определитель пресмыкающихся и земноводных СССР, Ленинград, 1940.

ხელობების ისტორია

06. ციცივალი

ხუროთმოძღვრული ძიგლი ნასოცლარ დრიანეთში

(ჭარმიადგინა აკადემიის ნამდვილმა წევრმა ნ. ბერძნიშვილმა 7.2.1951)

ეს ნარკვევი შეეხება დღემდე ნაკლებად ცნობილ ძეგლს, რომელიც მდებარეობს ირაგის ხეობაში, თეთრი წყაროდან 12 კილომეტრის დაშორებით, სოფ. ალექსეევის მახლობლად¹. სოფლის სამხრეთით მდ. ტორნეს მარჯვენა ნაბირას ჩანს უკვე გატყიურებული კულტურული ხეხილით დაფარული მოზრდილი ნასოფლარი. ნასახლართა ბალავართ ირგვლივ დროთა განმავლობაში ჩნდება ქვევრები და სამარხი ქვაყუთები. ზედაპირული არქეოლოგური მასალა—წითელი და ლეგა კერამიკული ჭურჭლის ნამტვრევები—სხვადასხვა დროისაა, კერძოდ, გვხვდება როგორც ძვ. წ. ა. პირველი საუკუნეების, ასევე აღრინდელი ფეოდალური ხანისა და შედარებით გვიანდელი მასალებიც, რაც სოფლის ცხოვრების ხანგრძლიობაზე მივგითოთებს.

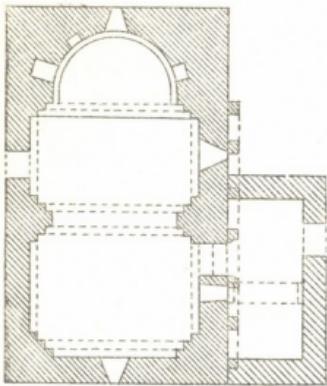
ნასოფლარის მდებარეობის შედარება გახუშტი ბატონიშვილის ცნობილ რუკასთან გვარწმუნებს, რომ იგი თავის დროშე დრიანეთის სახელს ატარებდა².

ნასოფლარის აღმოსავლეთით დგას ძევლი ეკლესია. იგი ცალნაცინია, დარბაზული ტიპისა, და გეგმაში ჭარმიადგენს წესიერ სწორკუთხედს ($12,35 \times 7,15$ მეტრი) ჩეულებისამებრ ნახევარწრიული აბსიდით აღმოსავლეთის მხარეს (სურ. 1,а). შესასვლელი ეკლესიაში ორია—სამხრეთით და ჩრდილოეთით. იგი განათებულია ოთხი ვიწრო სარკმლით: ერთი მათგანი აღმოსავლეთითა აბსიდში, მეორე—დასასვლელით და ორიც—სამხრეთით. აბსიდში სარკმლის ორსავე მხარეს დატანებულია სწორკუთხა ფორმის სამი განსხვავებული ზომის ნიში (სურ. 1,б).

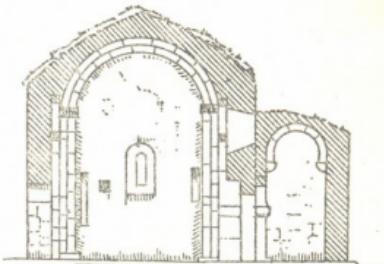
ეკლესიის ნავი კედლის სკეტებითა და საბჯენი თაღით ორ ნაწილადაა დანაწევრებული (სურ. 1,с). პილასტრები კედლის სიბრტყიდან საფეხურებრივ გამოწეულია და მიგვარად შექმნილი ორი შელრმავება ზემოთ შემოფარგლულია თაღების ზოლით. პილასტრები და თაღების ქუსლები დაგვირ-

¹ ძეგლის შესავლის საშუალება მოგვიცა 1948—49 წ. წ. ქვემო ჭართლის ისტორიულ-არქეოლოგიურ ექსპედიციაში მონაწილეობის დროს. ექსპედიციას ხელმძღვანელობდა აკადემიის ნამდვილი წევრი ნ. ბერძნიშვილი, მონაწილეობდნენ მეცნ. კანდ. ლ. ბოჭორიშვილი, ი. გელი-შვილი, პ. ზაქარაია, გ. ლომიათიძე, ფოტოგრაფი ი. პახომივი და მხატვარი ნ. ბრაილაშვილი.

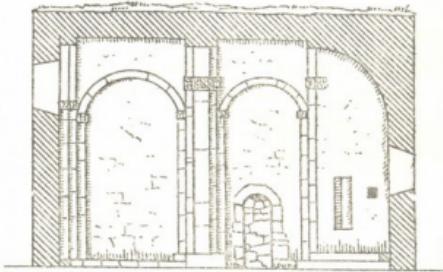
² 1721 წლის აღწერაშიც ეს სოფელი დრიანეთის სახელს ატარებს, ხოლო 1701—11 წლისაში—დრანეთისა.



a



b



c

- 2 4 0 2 4 6 8 10 m.



d



e

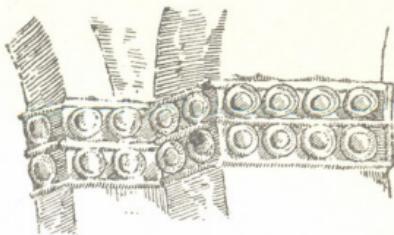
გვინებულია ორიგინალური, გომეტრიული ჩუქურთმით შემცული კაპიტელებით (სურ. 2) და მარტივ ოთხეუთხა ბაზისებს ეყრდნობა.

შენობის კედლები შეინით ამოვანილია ფლეთილი ქვებით, გარდა საპასუხისმგებლო ძლიერებისა, როგორც ჩანს, ორი მინაშენი ჰქონია—ჩრდილოეთითა და სამხრეთით. ჩრდილოეთის მინაშენი, რომელიც კარით უკავშირდებოდა ძირითად ნაეს, სრულად დანგრეულია და ამებად იმდენად დაფარულია მწით, რომ გამჭენდის გარეშე რამეს გარკვევა შეუძლებელია. სამხრეთის მინაშენ-საც ვერ მოუღწევია თავდაპირ-ველი სახით. მისი აღმოსავლეთის ნაწილი საესებით მოშლილია; რაც შეეხება დანარჩენ ნაწილს, იგი ეკ-ლესიაზე გაცილებით გვიანდელი ჩანს. მინაშენის ულაზათოდ აღ-დგენილ კედლებში დატანებულია სხევადასხვა შენობათა ფრაგმენტები, როგორიცაა: ქვა ბოლნური ჯვრის გამოსახულებით, სარკმელ-თა ჩუქურთმიანი საბირეები და

სხვ. მინაშენში ეკლესიის მთავარი შესასვლელის ორსავე მხარეს შემორჩენილია ერთმანეთთან ნახევარწრიული თაღებით დაკავშირებული ბურჯები. პირვანდელი მინაშენის ცილინდრული კაბარის საბჯენი თაღი, რომელიც შეუკ-ნილია აღდგენილის კონსტრუქციულ სისტემაში, ეყრდნობოდა ჩუქურთმით შემცულ კრონშტეინებს (ჩუქურთმის მოტივი შიგა პილასტრების სვეტის-თავებზე მოთავსებული ჩუქურთმის ანალოგიურია).

ამგვარად, გვეგმის შեრივ შენობას არ ახასიათებს რაიმე განსაკუთრებული თვისება. მისი შიგა გაფორმება յარღადაა გააზრებული. შესასვლელთა ფორმა, როგორც ეს ხშირად გვხვდება ქართულ ხუროთმოძღვრებაში, სხვადასხვაგვარია: სამხრეთის შესასვლელი გარედან არქიტრავული გადახურვისაა, შიგნილან კი თაღოვანი მოხაზულობის, როდესაც ჩრდილოეთისა თრივე მხრიდან ნახევარწრიულია. სინათლე, რომელიც ვიწრო სარკმლებიდან შემოდის (ამასთანავე აღმოსავლეთისა ძალიან დაბლაა ჩასმული), აშეარად არაა საკმარისი. ეს გარემოება მით უფრო საკვირველია, რომ ოსტატი გულდასმით ამკობს ეკლესიის ნაეს დეკორაციული თაღებითა და ჩუქურთმიანი სვეტის-თავებით.

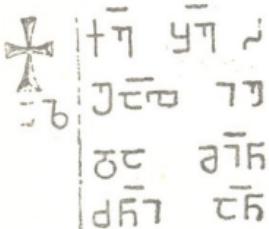
გარედან შენობა მარტივია. ვიწრო კედლები ჩვეულებისამებრ დასრულებულია ფრონტონებით, რომელთაც ლავგარდანი არ შემორჩენია. კედლების გარებირისათვის ძირითადად ნახმარია კვითელი ფერის აღგილობრივი ტუფის წესიერი მოხაზულობისა და სუფთად თლილი კვადრები. კედლის სიბრტყეში აქა-იქ ჩართულია ბაზალტის ლეგა კვადრები, რაც არაჩვეულებრივად აცოცხლებს ძეგლს და გარკვეულ თავისებურებას ანიჭებს (სურ-1, d, e).



სურ. 2

შენობის არქიტექტურა არ იძლევა ძეგლის დათარიღების საიმედო და-საყრდენს. როგორც ჩენებს სამეცნიერო ლიტერატურაში დადგენილია, მინა-შენის შემცველი ერთნავიანი ეკლესიები საქართველოში რამდენიმე საუკუნის განმავლობაში შენდებოდა.

ცხადია, ამ საკითხის გადაჭრას დაეხმარებოდა საამშენებლო წარწერა. ერთი ძლიერ დაზიანებული ასომთავრული წარწერა დაცულია მინაშენში, მთა-ვარი შესასვლელის მარჯვენი მდებარე პილასტრზე, სადაც კვითხულობა:



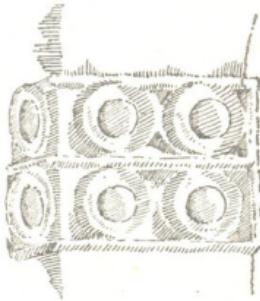
ქრისტე შეიშუალე...
გალატოზი იოანე
და მისი
ძენი ამინ!

სურ. 3

წარწერა, როგორც ვხედავთ, არ შეიცავს ქტიტორების ან ისტორიულ პირია სახელებს და ამგვარად ძეგლის დათარიღებისათვის ვერ გამოგვადგება. ამასთანავე იგი პალეოგრაფიული ჩინებითაც გვიანდელი ჩანს, კერძოდ, XVII—XVIII საუკუნეებისა და ალბათ მინაშენის აღმდგენელი ოსტატის მიერაა შესრულებული. ასევე უსარგებლოა ტაძრის დასავლეთის კედელზე შემ-

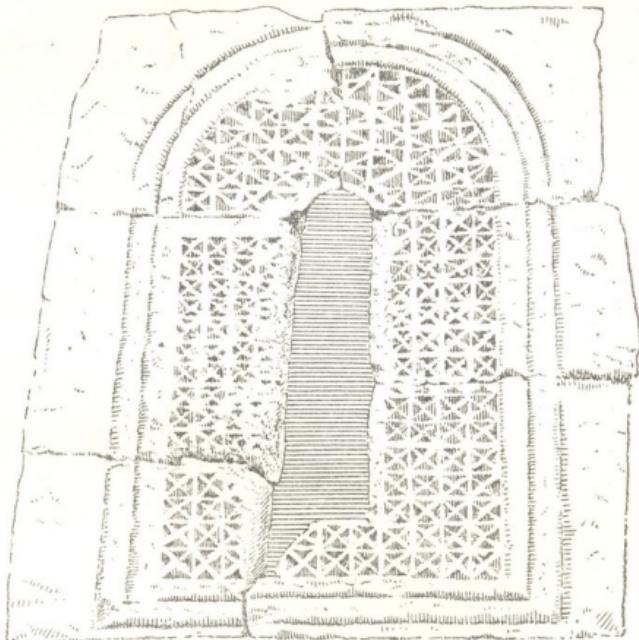
თვევეით ჩართულ წითელ ქაზე შერჩენილი რამდენიმე ასო: თ, ამიტომ

ძეგლის დასათარიღებლად ისევ მისი მორთულობის ელემენტებს უნდა მივ-მართოთ. ეკლესიის შიგა სივრცის შემქობა მოიჩა-
ქურთმებული სკეტისთვეებითა და თალის ქუსლე-
ბით საერთოდ საქმიანდ ძველი ტრადიციაა და IX
საუკუნეს შემდგომ თითქოს არ გვხედება. თვეთ
ორნამენტის — მუქრივში გადაბმული ცალკეული
რელიეფური ნაკვების — უახლოესი პარალელ-
ზიც აღნიშვნას მის სიძველეს (სურ. 4). ასეთი პა-
რალელები მოიძებნება წრომის დეკორაციულ
მორთულობაში და განსაკუთრებით კი მახლო-
ბად მდებარე სამშვილდის სიონში (VIII ს. შე-
ორე ნახევარი), სადაც იგივე მოტივი გამოყენე-
ბულია ინტერიერის კრონშტეინთა გაფორმებისა-
თვის. ამგვარად, დრიანეთის ეკლესია შიგა სივრ-
ცის გაფორმების მიხედვით VIII—IX საუკუნეთა ნაწარმოებად წარმოგვიდგება.



სურ. 4

ზიანებულია, ალბათ მინაშენის აღდგენის დროს, ულაზათოდ შეკეთებული სამხრეთის ფასაღიც. შერჩენილი დასავლეთისა და აღმოსავლეთის სარქმლები აღურვილია მოჩუქურთმებული საპირებით, რაც უკვე გარეულ ქრონილოგიურ ზღვარს იძლევა. კარ-ფანჯრების მორთვის ამგვარი ხერხი X საუკ. მეორე ნახევარზე აღრე არ იყო მიღებული და სამეაულსაც არ ჰქონდა მინიჭებული ამდგრად დიდი მნიშვნელობა ([1], გვ. 45). დასავლეთის სარქმლის ორმაგი ლილვი, რომელიც კედლის ზედაპირშია შეკრილი, თოთქო XIII საუკ. შემდგომ ხანაშე მიგვითოვებს, მაგრამ მისი გამოყენება წინა პერიოდშიაც არაა გამორიცხული (სურ. 5). თვით საპირის ჩუქურთმა—სამკუთხედებად

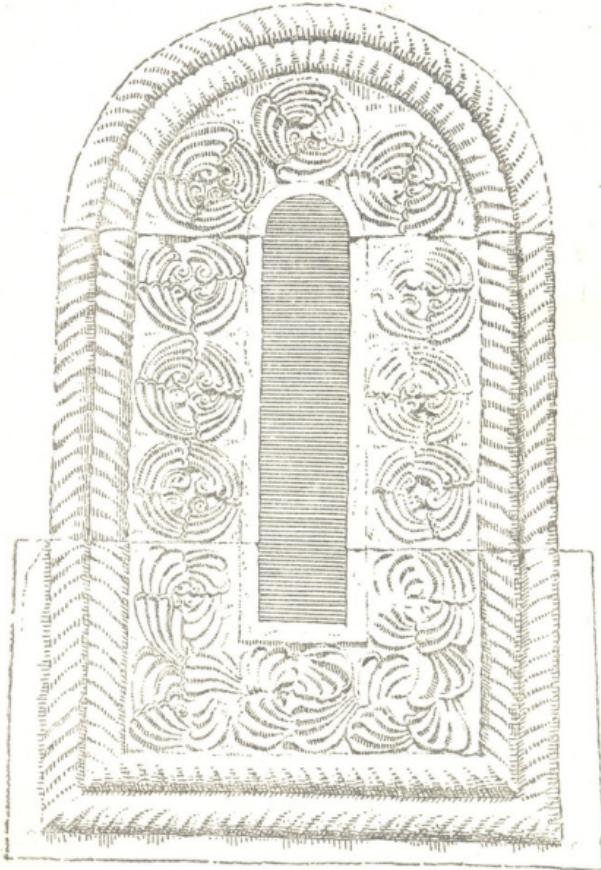


სურ. 5

დანაშევრებული რომები—აშეარად ხის მოჩუქურთმების მოტივის ქვაზე გადატანის ნიმუშს წარმოადგენს. ასეთი შემთხვევები საკმაოდ ხშირია ქართულ ხუროთმოძღვრებაში და ეპიზოდურად გვხვდება როგორც ადრინდელ (ბოლნისის სიონი, თიანეთის სიონი, აკვანება, ატენი), ასევე შედარებით მოგვიანო ხანის ძეგლებშიაც. ამ მხრივ თვალსაჩინო ანალოგიას წარმოადგენს სოფ. ორმაშენის XI საუკ. ეკლესიის სარქმლის მორთულობა¹.

¹ ორმაშენის მაგალითშე მიგვითოთა ხელოვნებათმცოდნების კანციდატმა ვ. ცინცაძემ.

აღმოსავლეთის ფასადზე სარქმლის ჩუქურთმიანი არე მოჩარჩოებულია ორმაგი გრეხილით (სურ. 6), რომელიც განსაკუთრებით გავრცელებულია X საუკ. მეორე ნახევარსა და XI საუკ. დასაწყისაში (ოშეი, ხახული, ხცისი, ნიკორწმინდა, იშხანი, ევევი). არშის ორნამენტულის მოტივი წარმოადგენს ე. წ. S-ბრივი ჩუქურთმის წინამორბედს. ეს მოტივი, რომელიც X საუკ. შემოდის ხმარებაში, ხშირია XI საუკუნეში და დიდად გავრცელებულია შემდგომი პერიოდის ძეგლებშიც ([2], გვ. 112). დრინეთის ეკლესიაში ეს მოტივი მოცემულია.



სურ. 6

ლია ორი რედაქციით: არშის ქვედა ნაწილში იგი განშლადი ფურცლებისა-გან შედგება და ინარჩუნებს ამ მოტივის პირვენლე—მცენარეულ სახეს. ასეთი სახის ორნამენტულ მოტივს ბევრი პარალელი მოეპოვება საშუალოსაუკუნიებრივ ქართულ ძეგლებში (ბედია, ზედა ვარძია, ხცისი, იშხანი). აღნიშ-

ნული იდრინდელი რედაქტირა არსებობს მხოლოდ მოკლე დროის მანძილზე, X საუკ. ბოლოდან XI საუკ. 20-ან წლებამდე, როდესაც მას ცვლის უკვი განვითარებული, დასრულებული სახის ორნამენტი ([3], გვ. 61).

საგულისხმოა, რომ რელიეფის ჭრის მანერაც მოწმობს მის ზემოაღნიშნულ თარიღს. ჩუქურთმა ოდნავ სკილდება ფონს, ძლიერ გაუცედავია, „გრაფიული ხასიათისა და უფრო ნიხატის შთაბეჭდილებას სტოვებს, ვიდრე რელიეფისას“ ([4], გვ. 84). ამ მხრივ იგი ძლიერ ჩამორჩება XI საუკ. შუა წლების ძეგლებს, სადაც არის სიცე და პლასტიკური ფორმები, შუქჩრდილის ეფექტები და სეპროცე არნამერჩაცია უკვე საგესძით მომწიფებული და ჩამოყალიბებულია. არშიის ზემო ნაწილში იგივე მოტივი მოცემულია ცალკეული შეკრული წრების სახით, რომლებიც ჯერ კიდევ არაა ერთმანეთთან დაკავშირებული (სურ. 7). ამ სახით იგი, თუმცა იშვიათად, მაგრამ მაინც გვხვდება ზოგ ძეგლებზე, მაგალითად, სამღერეთში აღმოსავლეთის სარქმელზე და საორბისის ეკლესიაში დაცულ ერთ-ერთ ფრაგმენტზე ([5], ტაბ. 6). სახის განვითარების ორივე აღნიშვნული ვარიანტი უდავოდ მცენარეული მოტივის გეომეტრიულში გადასცვლის გარკვეული საფეხურების მაჩვენებელია.

ამგვარად, ირკვევა, რომ დრიანეთის ეკლესია აგებულია VIII—IX საუკუნეთა მიჯნაზე (იმ დროს, როდესაც შენდება მის მაზლობლად მდებარე სამშენებლის სიონი, ახალშენის ეკლესია და წინწყაროს „დედა ლეთისა“), მისი ფას-დები კი აღდგენილია X საუკ. ბოლოს ან XI საუკ.

პირველ ათეულ წლებში. ძეგლის ფასადების გადაკეთებას XI საუკ. გემოვნებასთან შეფარდებით მოწმობს სხვა ფაქტებიც, კერძოდ, სამხრეთს ფასადის წყობა და სარქმელები, აღმოსავლეთის ფასადზე შემთხვევით მოთავსებული ქვა მასში გამოჭრილი სარქმლით და სხვ.



სურ. 7

დრიანეთის ეკლესია ძეგლი ქართული ხუროთმოძღვრების საყურადღებო ნიმუშს წარმოადგენს. მისი დეკორაციული მორთულობა მოწმობს, რომ აღნიშვნული რაიონიც სათანადო პერიოდებში, საქართველოს სხვა კულტურული ცენტრების შეგავსად, დაწინაურებული ყოფილა. XI—XIII საუკუნეებში ისტორიული ქვემი ქართლის პოლიტიკური როლისა და მაღალი ეკონომიკური დონის მაჩვენებელია აგრეთვე აღნიშვნულ პერიოდში მისი მჭიდრო დასახლება და მეცეთა რეზიდენციების არსებობა (ნადარბაზევი, გუდარეხი). დრიანეთი საგულისხმოა როგორც ერთ-ერთი იმ რამდენიმე ათეულ ოდესალაც ხილხმრავალ და შემდგომ კი მონგოლთა, სპარსელების, თურქთა თუ ლევების ურიცვეთავდასხმათა შედეგად გაუდაბურებულ სოფელთა შორის, რომლებიც ნანგრევების სახით შემოვინახა საქართველოს ამ კუთხემ.

საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემია

ივ ჭავაშვილის სახ. ისტორიის

ინსტიტუტი

(რედაქტირა მოუვიდა 10.2.1951)

დამოუჩეული ლიტერატურა

1. გ. ბერიძე. ეხვევის ტაძარი „დედა ღვთისა“. ქართული ხელოვნება, I, 1942.
2. გ. ბერიძე. სვანე. ქართული ხელოვნება, I, 1942.
3. R. Шмерлинг. Самтавро—памятник XI века. ქართული ხელოვნება, I, 1942.
4. გ. ჩუბინაშვილი და ხ. სევეროვი. ქართული არქიტექტურის გხები. თბილისი, 1936.
5. Г. Чубинов. Соорбийская церковь. Христианский Восток, т. IV, 1915.



პასუხისმგებელი რედაქტორის მოადგილი ს. ჭილაძე

საქართველოს სსრ მეცნიერებათა აკადემიის გამოცემლობის სტამბა, აკ. წერეთლის ქ. № 3/5
Типография Издательства Академии Наук Грузинской ССР, ул. Ак. Церетели № 3/5

ანაზურობის ზომა 7×11
ხელმოწერილია დასაბეჭდად 21.5.1951
შეკვ. № 684

ფ. 02376

საბჭდ ფორმათა რაოდ. 4
სააღრ. ფორმათა რაოდ. 5
ტირაჟი 1500

հաջարան Պետականություն: Դիմումը, բարեգործություն թ., 8.

СООБЩЕНИЯ АКАДЕМИИ НАУК ГРУЗИНСКОЙ ССР, т. XII, № 5, 1951

Основное, грузинское издание